

PROGRAMATZEKO ALGORITMOAK.

ariketa bilduma

```
ALGORITMOA liburua_irakurtzen
(*Hau ez da benetako algoritmoa, Jokoa baizik*)
ALDAGAIK kapitulu1,kapitulu2 (karakterea)
          ariketa              (osoa)
HASIERA irakur(kapitulu1)
          irakur(kapitulu2)
          ariketa:= 0
          ERREPIKA
              ikas_ariketa
              ariketa:= ariketa + 1
          HARIK_ETA ariketa=12
              idatz('ba dakit algoritmoak idazten')
AMAIA

EKINTZA ikas_ariketa
          ALDAGAIK ez_ulertu (booleanra)
              kontzeptuberririk, ariketsebatzia (karakterea)
              ariketabetesarria (karakterea)
          HASIERA ez_ulertu:= esiazkoa
          BITARTEAN ez_ulertu EGIN
              irakur(kontzeptuberririk)
              irakur(ariketasebatzia)
          AMBITARTEAN
          ERREPIKA
              ebatz(ariketabetesarria)
          HARIK_ETA besterikez
          AMAIA(* EKINTZA ikas_ariketa *)
```


P R O G R A M A T Z E K O

A L G O R I T M O A K

Kepa Sarasola

EUSKO JAURLARITZAREN LAGUNTZAZ

Jabegoa: U.E.U.ko INFORMATIKA Saila

Lege-gordailua: BI-979-84

ISBN: 84-398-1971-4

Inprimategia: BOAN S.A.

1.- ARIKETA-BILDUMARAKO SARRERA

1.1. INFORMATIKA ETA PROGRAMAZIOA

Informatika Fakultatean ikasten denean lehenengo kurtsoan bi asignatura aurkitzen dira informatikari bereziki lotuta: Informatika bera eta Programazioa. Zein da bi gai hauen arteko desberdintasuna? Konputailuei buruzko ikasketak oso luzeak izanik, bi atal independente eta konplementagarri horien artean banatu dira.

Informatikak konputailuen osagaiak deskribatzen ditu, eta beraien arteko erlazioak ere bai. Osagai horiek Prozesurako Unitate Zentrala, Memoria, Unitate Aritmetiko-logikoa eta sarrera/irteerako unitateak dira. Horrez gainera, konputailuaren egitura eta ezaugarri fisikoekin oso lotuta dauden makina-lengoaia eta mihistadura-lengoaia azaltzen dira informatikan.

Programazioak, berriz, abstraktuki hartzen du konputailua. Areago, Programazioan ez da konputailu hitza aipatzen, abstraktuagoa den prozesadore hitza baizik. Konputailua kutxa beltza bezala erabiltzen da Programazioaren ikuspegitik; erabil daitezkeen ekintzak eta objektuak definitu behar dira prozesadore bat definitzeko, baina ez dira azaltzen objektuek eta ekintzek konputailuan duten adierazpenak. Definizio horietatik abiatzen da Programazioaren lana, objektuen adierazpena eta eragiketen funtzionamendua Informatikaren eskuetan gelditzen direlarik.

1.2. PROZESADOREETARAKO DEFINIZIOA: DATU MOTAK ETA EKINTZAK

Prozesadore batek ondo definitua izateko ondoko bi deskribapenak eduki behar ditu:

- a) Prozesadorerako erabilgarriak diren objektu-moten deskribapena, eta
- b) Prozesadorearentzat ulergarri eta exekutagarriak diren ekin-

tza primitiboen deskribapena.

Aurrerago joan aurretik azter ditzagun bi kontzeptuok.

1.2.1. Objektu-motak. Objektuak. Konstanteak eta aldagaiak.

Objektu baten motak objektuaren berezitasunak adierazten ditu. Objektu-mota bat definitzeko hurrengo bi deskribapenok eman behar dira:

- a) Motari dagozkion balio posible guztiak (heina deritzona)
- b) Balio horiekin erabilgarri diren eragiketa guztiak.

Objektuak dira programatzeko elementuak, zeinen edukiak prozesadoreak alda eta beha baititzaie.

Ondoko hiru atalok bereizten dute objektu bat:

Izena. Beste objektuetatik bereizteko ezaugarria

Mota. Objektuaren klasea eta berezitasunak adierazten dituen.

(balio posibleak eta eragiketa erabilgarriak)

Balioa. Une konkretu batetan objektuak daukan edukia.

Objektuen artean, balioaren finkotasuna kontutan hartuz, aldagaiak eta konstanteak bereizten ditugu ondoko erara:

Objektu aldagaien balioa alda daiteke prozesadorearen ekintza bat exetutatuz.

Objektu konstanteen balioa osteraz ez da aldatuko, prozesadoreak ez du balioa aldarazteko ahalmenik. Normalki, konstanteen izena balioa bera izaten da.

Ingurua prozesadoreak erabiltzen edo aldatzen duen objektu-multzoa da. Prozesadorearen erabilpen bakoitzak bere ingurua definitu behar du.

Inguruaren egoera: inguruaren objektuek une konkretu batetan dauz katen balioek definitzen dute.

1.2.2. Ekintzak.

Ekintza bat prozesadoreak burututako iraupen finituko gertaera da, ekintzaren ondorioz inguruaren ondo definituta dagoen azkeneko egoera batetara iristen da.

Ekintzak primitiboak eta ezprimitiboak izan daitezke.

Ekintza primitiboak beste xehetasunik eman gabe, berez, prozesadorearentzat ulergarriak eta exekutagarriak dira.

Ekintza ezprimitiboak, berriz, ez dira ulergarriak prozesadorearentzat; beraz, ekintza primitibozko sekuentzia bezala azalduta ageri beharko dute nonbait.

1.3. PROZESUAK, PROGRAMAK ETA ALGORITMOAK.

Prozesadore batez baliatuz, problema bat ebazten denean, problemaren enuntziatuan agertzen dira datu-objektuen balioak eta kalkulatu gura diren emaitzen definizioak.

Objektu guzti horiek inguruaren partaideak izango dira. Honelakoetan, inguruaren hasierako egoeratik (datuen egoeratik) inguruaren azkeneko egoerara (emaitzak kalkulatuta dituen era) eragiten duen igaroketari prozesua deitzen zaio, eta prozesuaren deskribapenari programa deitzen zaio.

Programa bat ondoko bi atal honek osatzen dute:

- a) Prozesuaren inguruan dauden objektuen erazagupena edo deklarazioa, non objektuen ezaugarriak eta objektuen motak azaltzen baitira.
- b) Prozesuan burutu behar den ekintza-sekuentziaren deskribapena.

Programak programatzeko lengoai^{ez} idazten dira. Programatzeko lengoaia asko dago, eta bakoitzak badauzka bere arauak, objektuak erazagutzeko eta ekintza-sekuentziak idazteko. Bi programa baliokide oso itxura desberdina izan dezakete, programatzeko lengoaia desberdinak erabiliz gero.

Horrexegatik, problema batentzako programa idatzi aurretik tarteko pausoa ematen da: algoritmoaren idazketa. Algoritmoa, ez da idazten programatzeko lengoaia jakin batez eta programatzeko lengoaiekin lotuta dauden arau hestuak ere, ez ditu betetzen.

Lan honetan problema bilduma bat aurkezten da, eta problema bakoitzerako algoritmoak eraikitzen dira. Algoritmoak idazteko, oso prozasadore berezia erabiliko dugu, eta baita, programatzeko, oso lengoaia berezia ere. Erabiliko diren objektuak eta ekintzak ez dira ezein lengoaiarenak, baina edozein programatzeko lengoaia hautatuz gero, erreza izango da programaren idazketa, algoritmoa ikusi ondoren. Algoritmoen objektuek eta ekintzek programatzeko lengoaia gehienen generalizazioa izan gura dute.

2.- ALGORITMOAK DEFINITZEKO PROZESADORE OROKORRA
(HASIERAKO DEFINIZIOA).

2.1. PAUSOKAKO DEFINIZIOA

Textu honetan aurkezten diren ariketak, errezenetik zailenera daude ordenatuta, hain zuzen ere, lehenengo ariketak errezenak dira objektu-mota edo ekintza gutxien erabiltzen dituztelarik, hurrengo ariketetan kontzeptu berriak sartuko dira pausoka.

Lehenengo ariketa aztertzeko, ez ditugu aurkeztuko prozesadorearen datu-mota eta ekintza guztiak, baizik eta, ariketa horretarako beharrezkoak direnak soilki.

Zailtasuna handitzerakoan, datu-mota eta ekintza gehiago erantsi ko dira.

2.2 OBJEKTU-MOTAK (LEHENENGO AURKEZPENA)

Bi objektu-mota definituko dira hasteko: osoa eta karakterea.

Lehen azaldu denez, objektu-mota bat definitzeko, balio posibleak eta eragiketa erabilgarriak definitu behar dira. Honelaxe, bada, definituko ditugu oraingo osoa eta karakterea datu-motak.

A) Osoa objektu-mota

Balio posibleak: edozein zenbaki oso. (Balio absolutua oso al
tua denean errealitatean eta adierazpenerako
problema direla eta, balio absolutuari muga
bat jartzen zaio. Muga hau, desberdina izaten
da prozesadore desberdinetan).

Eragiketak: +, -, div, mod.

<u>eragilea</u>	<u>eragigaien motak</u>	<u>emaitzaren</u> <u>mota</u>	<u>eragiketaren</u> <u>izena</u>
+ :	OSO x OSO	oso	batuketa arrunta
- :	OSO x OSO	oso	kenketa arrunta
* :	OSO x OSO	oso	biderkaketa arrunta

div:	oxo x oso	oso	zatiketa osoa
mod:	oso x oso	oso	zatiketa osoaren hondarra.

Batuketa, kenketa eta biderkaketa ondo ezagunak dira. div eta mod eragiketak honela definitzen dira:

div eragileak zatiketa osoa adierazten du eta ematen duen emaitza bi eragigaien arteko zatidura osoa da, hamarrenik kalkulatu gabe lortzen den zatidura alegia.

mod eragileak zatiketa osoaren hondarra lortzen du emaitzatzat.

Adibideak: $15 \text{ mod } 6 = 3$, $29 \text{ mod } 10 = 9$

Edozein a eta b -tarako beti beteko da ondoko ekuazioa

$$a = (a \text{ div } b) * b + (a \text{ mod } b)$$

B) Karakterea objektu-mota

Balio posibleak: komatxo artean idatzitako karaktereak edo karaktere-kateak. Prozesadore batetatik beste batetara aldakuntza txikiak izaten dira, bai na gehienetan hauexek dira karaktere posibleak:

letrak: 'a','b','c','d','f','g','h','i','j',
'k','l','m','n','o','p','q','r','s','t','u',
'v','w','x','y','z'.

digituak: '0','1','2','3','4','5','6','7',
'8','9'.

karaktere bereziak: '+','-','=','*','&','(','
)',',',' ', etabar, eta komatxo artean idatzitako karaktereez osatutako sekuentziak ere bai. Adibidez: 'hitza', 'LX21', '34'

Eragiketak: oraindik ez dugu karakterea motarentzako eragiketarik. Mota honetako objektuak ez dira ageriko

adierazpenetan, beti ageriko dira bakar bakarrik.

2.3. EKINTZA PRIMITIBOAK

Hiru ekintza primitibo aurkezten dira oraingoz.

Irakurketa

Prozesu bat exekutatzeko algoritmoarekin batera balio-sekuentzia bat aurkezten da. Sekuentziaren balioak hartzeko, irakurketa ekintza erabiltzen da. Sekuentziaren elementu guztiak objektu-mota berekoak izaten dira, bai oso motakoak, bai karaktere motakoak.

Irakurketa ondoko eredua jarraituz idazten da:

irakur (<aldagaia>)

Non aldagaia delakoak aldagai konkretu baten izena adierazten baitu.

Ekintza honek sekuentzian oraindik irakurri barik dagoen lehenengo balioa aldagaiari asignatzen dio, hau da, aldagaiaren balio berria sekuentziatik hartutakoa izango da. Beraz sekuentziako elementu bat irakurtzeko aurrean dauden guztiak aldezturik irakurri behar dira.

Sekuentziako elementuen objektu-motak eta aldagaiarenak, biok, berdinak izan behar dute.

Idazketa

Prozesu batek lortzen dituen emaitzak erakusteko dagoen bide bakarra idazketa da. Idazketaren bidez, prozesuaren inguruaren objektuen balioak idatz daitezke.

Ondoko eredua jarraituz idazten da ekintza hau:

idatz (<objektua>)

Non objektua delakoak aldagai konkretu baten izena edo konstante bat adierazten baitu.

Ekintza honek objektuaren balioa idazten du.

Asignazioa

Ondoko eredua jarraituz idazten da ekintza hau:

$\langle \text{aldagaia} \rangle := \langle \text{adierazpena} \rangle$

non aldagaia delakoak aldagai konkretu baten izena adierazten baitu eta adierazpena delakoak inguruaren objektuak (aldagai edo konstanteak) eta azaldutako eragiketak erabiliz lortutako balio bat.

Adibideak:

$a := (a + b) * c$

$b := b \text{ div } (c + a)$

$a := b$

Parentesirik egon ezik adierazpena kalkulatzeko, lehenago kalkulatzen dira mod, div eta * eragiketak eta gero batuketa eta kenketa. Maila bereko eragiketen ebaluazioa ezkerretatik eskubitara egiten da beti.

Asignazio ekintzak lehenengoz adierazpenerako balioa kalkulatzen du, gero kalkulaturako balioa aldagaiari ezartzen dio balio berritzat. Aldagaiaren antzinako balioa galdu egiten da.

Adierazpenean agertzen diren aldagai izenak beren balioek ordezkatuak izango dira adierazpenaren balioa kalkulatzeko. Adierazpenean agertzen diren aldagaien balioak ez dira aldatuko, asignazio-ekintzako ezkerreko aldagaian bakarrik aldatuko da balioa.

2.4. ALGORITMOEN IDAZKERA

Algoritmoak idazterakoan ondoko eredua jarraituko da:

algoritmoa $\langle \text{identifikadorea} \rangle$

aldagaiak $[\langle \text{identifikadorea} \rangle (\langle \text{objektu-mota} \rangle)]^*$

hasiera $[\langle \text{ekintza} \rangle]^*$

amaia

Non azpimarratuta dauden hitzak eta karaktereak dauden bezalaxe

idatz behar baitira.

<identifikadorea> delakoak letra batez hasten den hitz bat adie razten du. Algoritmoa eta aldagaiak bereizteko izenak identifikado reak izango dira.

<ekintza> delakoak ikusitako ekintzetariko bat adierazten du.

<objektu-mota> delakoa karakterea edo osoa izan daiteke. Aurre rago bestelako objektu-motak ikusiko dira.

* ikurrak zera adierazten du: Mako artean ([]) dagoena behin edo gehiagotan ere ageri daitekeela.

Adibidez: [<ekintza>]* adierazpidea ekintza bakar bat bezala idatz daiteke algoritmo batetan, edo elkarren segidan datozen ekin tza bat baino gehiago bezala ere idatz daiteke.

3.- PROBLEMA BILDUMA

1. ARIKETA EBATZIA

ENUNTZIATUA

Irakur ezazu bi balio oso, A eta B aldagaiei asignatzeko eta ge
ro aldagaien balioak elkarren artean trukatu.

EBAZPENA

Ariketa honen lehenengo ebazpen intuitiboa ondokoa da:

algoritmoa TRUKEA

aldagaiak A, B (osoa)

hasiera irakur (A)

irakur (B)

A: = B

B: = A

idatz (A)

idatz (B)

amaita

Baina horrela A aldagaiaren balioa galtzen dugu eta amaitzean A
eta B aldagaiak, biok dute balio bera: b.

Oztopo hau hobeto erakusteko, irazkin gisa aldagaien balioak ida
tziko ditugu algoritmoko asignazio-ekintzen aurretik eta atzetik.

algoritmoa TRUKEA

aldagaiak A, B (osoa)

hasiera irakur (A)

irakur (B)

{ A = a, B = b }

A: = B

{ A = b, B = b }

```
B: = A
{ A = b, B = b, azken ekintzak ez du ezer aldatu }
idatz (A)
idatz (B)
```

amaia

A aldagaiaren lehenengo balioa gordetzeko, beste aldagai oso bat erabiliko dugu.

Algoritmoa TRUKEL

aldagaiak A, B, C (osoa)

hasiera irakur (A)

irakur (B)

{ A = a, B = b, C = ? }

C: = A

{ A = a, B = b, C = a }

A: = B

{ A = b, B = b, C = a }

B: = C

{ A = b, B = a, C = a }

idatz (A)

idatz (B)

amaia

Badago beste modu bat problema hau ebazteko. Bigarren modu hone tan kalkulua erabiliko da batuketa eta kenketa hain zuzen ere.

Algoritmoa TRUKE2

aldagaiak A, B (osoa)

hasiera irakur (A)

irakur (B)

{ A = a, B = b }

A: = A + B

{ A = a + b, B = b }

B: = A - B
{ A = a + b, B = (a + b) - b = a }
A: = A - B
{ A = (a + b) - a = b, B = a }
idatz (A)
idatz (B)

amata

Oharra: + eta - eragiketek emaitza ezegokiak ematen badituzte, azken algoritmo hau ez da bidezkoa izango. Kontutan har ezazu zenbaki osoak adierazteko muga badagoela, eta muga hori gaindituz gero emaitza ez litzateke zuzena izango.

ARIKETA OSAGARRIAK

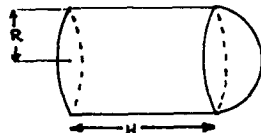
1.1 Irakur hiru balio oso A, B eta C aldagaiei emateko eta modu zirkularrez truka itzazu balioak ondoko erara:

B-ren hasierakoa balioa A-k edukiko du azkenean, hasierako C-ren balioa B-k edukiko du eta A-ren hasierako balioa C-k edukiko du

1.2 Emandako bi zenbaki osoren arteko zatidura eta hondarra kalkula itzazu. Zatiketa osoa eragiketa erabili.

1.3 Segundu-kopuru bat adierazten duen zenbaki bat irakurrita, kalkula itzazu zenbat egun, ordu, minutu eta segundu betetzen dituen.

1.4 Ondoko irudiaren bolumena kalkula ezazu altueraren eta erradioaren neurria irakurri ondoren



Irudian zilindro bat eta esferaerdi bat daude lotuta.

2. ARIKETA EBATZIA

OBJETU-MOTA ETA EKINTZA BERRIAK

Boolearra objektu-mota

Lehen azaldu denez objektu-mota bat definitzeko, balio posibleak eta eragiketa erabilgarriak definitu behar dira.

Defini dezagun boolearra objektu-mota:

Balio posibleak. Bi besterik ez dago: egiazkoa eta faltsua.

Eragiketak. Bi multzotan banatzen dira: eragiketa logikoak eta erlazio-eragiketak.

Eragiketa logikoei eragigai boolearrak dauzkate, eta honako hauek dira:

<u>eragilea</u>	<u>eragigaien motak</u>	<u>emaitzaren mota</u>	<u>eragiketaren izena</u>
edo	boolearra x boolearra	boolearra	batuketa logikoa
eta	boolearra x boolearra	boolearra	biderkaketa logikoa
ez	boolearra	boolearra	ukapen logikoa

Eragiketa hauek Booleren Algebran definitzen dira.

Batuketa logikoaren eragilea bi eratara idatz daiteke: edo, $\vee$

Biderkaketa logikoaren eragilea ere, bi eratara: eta, $\wedge$

Erlazio-eragiketak honako hauek dira: $=$, $\langle \rangle$, $\langle$, $\rangle$, $\leq$, $\geq$

Berdintasunak ($=$) eta desberdintasunak ($\langle \rangle$) edozein motatako bi eragigai onartzen dituzte. Txikiago ($\langle$), handiago ($\rangle$), txikiago-edo-berdin ($\leq$) eta handiago-edo-berdin ($\geq$) eragiketetarako eragigaiak erlazio-ordena duten objektu-mota batetakoak izan behar dute. (Gure kasuan zenbaki osoak bakarrik, baina prozesadore askotan karaktereak ere izan daitezke).

Erlazio-eragiketen emaitzak boolearra motakoak dira.

Boolearra objektu-mota baldintzak adierazteko erabiltzen da.

Algoritmoetan sarritan erabiltzen dira baldintzak, balio batzuren arauera, tratamendu konkretu bat edo bestelako bat exekutatzeko.

Aukera ekintza primitiboa

Ondoko ereduari jarraituz idazten da ekintza hau:

aukera

B1 : E1

B2 : E2

:

BN : EN

amaukera

Non B1, B2,..., BN baldintzak baitira eta E1, E2,..., EN ekintzak.

Exekutatzeko modua ondokoa da. Dauden ordenan ebaluatzen dira baldintzak, lehenengo egiazkoa balioa lortzean jarraitzen zaion ekintza exekutatzen da eta besterik gabe aukera ekintza osoa exekutatutzat ematen da. Baldintza guztiak faltsua bezala ebaluatzen badira ezertxo ere exekutatu gabe amaitzen da aukera ekintzaren exekuzioa.

Ikusten denez, aukera ekintza erabiliz, problemaren inguruaren egoeraren arauera, hots, aldagaien balioen arauera, tratamendu desberdinak exekuta daitezke.

ENUNTZIATUA

Irakur itzazu bi zenbaki oso, bietariko handiena beste aldagai batetan gorde eta idatz gero.

EBAZPENA

Lehenengo soluzioan bi balioen arteko ordenarako dauden hiru aukerak bereizten ditugu aukeratzeko eskemaren bidez. (Datuen domeinuaren partiketa).

Algoritmoa HANDIA1

aldagaiak A, B, C (osoa)

hasiera irakur (A)

irakur (B)

$\{ A = a, B = b \}$

aukera

$A > B : C := A$

$A = B : C := A$

$A < B : C := B$

amaukera

$\{ A = a, B = b, C = \max (a, b) \}$

idatz (C)

amaia

Bigarren soluzioan posible diren tratamendu guztiak bereizten ditugu eta bakoitza zein baldintzapetan eragin behar den zehaztu ere.

Baita tratamendu posibleak bi izango dira $C := A$ edo $C := B$.

Algoritmoa HANDIA2

aldagaiak A, B, C (osoa)

hasiera irakur (A)

irakur (B)

$\{ A = a, B = b \}$

aukera

$A = B : C := A$

$A < B : C := B$

amaukera

$$\{ A = a, B = b, C = \max (a, b) \}$$

idatz (C)

amaia

ARIKETA OSAGARRIAK

- 2.1. Kalkula ezazu irakurritako zenbaki oso baten balio absolutua.
- 2.2. Irakur itzazu hiru zenbaki oso, eta aztertu ea hirugarrena dagoen beste biek definitzen duten tartean. Eman itzazu soluzio bat baino gehiago.
- 2.3. 2 ariketarako ebazpena bilatu baina kalkulua erabiliz, hau da, erabil itzazu eragiketak baina aukera-ekintzarik ez. Lehengo ebazpena baina errezagoa al da? Argitsuagoa?

3. ARIKETA EBATZIA

OBJEKTU-MOTA ETA EKINTZA BERRIAK

Ekintza ez-primitiboen erabilpena

Algoritmoak idazterakoan ekintza primitibo baten ordezt ekintza ez-primitibo bat idatz daiteke. Horrelakoetan jakin badakigu zer egingo duen ekintza ez-primitiboak (zelako tratamendu bete behar duen), baina geroago definitzeko uzten dugu; une horretan, ekintza ez-primitiboaren identifikadorea idazten dugu eta algoritmoarekin jarraitzen gara. Geroago, algoritmo orokorraren idazkera amaitzean, definitu gabe utzi ditugun ekintza ez-primitiboak definitu egin go ditugu banan-banan. Batzutan, algoritmoan bertan idatziko dugu ekintza ez-primitiboari dagokion ekintza primitiboen sekuentzia ekintza ez-primitiboaren izenaren ordezt, baina beste batzutan algoritmoaren amai ondoren ekintza ez-primitiboaren definizioa erantsi ko dugu. Ekintza ez-primitiboaren definizioa.

Ekintza hitzaz hasiko da eta ondoan ekintzen segida etorriko da hasiera eta amaia hitzen artean sartuta.

Adibidea

Ekintza HIRU

Hasiera

idatz ('1')

idatz ('2')

idatz ('3')

amaia

Noiz jartzen da ekintza ez-primitiboaren izena bere ekintza primitiboen segidaren ordezt eta noiz eransten zaio algoritmoari ekintza ez-primitiboaren definizioa?

Ekintza ez-primitiboaren definizioak ekintza asko ez badauka,

oso konplikatuak ez badira, eta gainera ez-primitiboa algoritmoan behin edo birritan besterik agertzen ez bada, orduan egokiagoa di rudi ordezkapenak.

Ostera, ekintza ez-primitiboaren definizioa konplikatua bada edo algoritmoan askotan aipatzen bada, orduan egokiagoa dirudi ekintza ez-primitiboaren definizioaren eransketak.

'Baldin' ekintza primitiboa

Ondoko bi ereduetak batek bezalakoa izan behar du:

baldin B orduan E1

baldin B orduan E

bestela E2

Non B baldintza, eta E, E1 eta E3 ekintzak baitira.

Lehenengo ereduaren kasuan B baldintza betetzen bada, E1 ekintza exekutatu da, B baldintza betetzen ez bada oostera, E2 ekintza.

Bigarren ereduaren kasuan, B baldintza betetzen bada, E ekintza exekutatu da, B baldintza betetzen ez bada 'baldin' ekintza osoa exekutatuatzat ematen da ezer egin gabe.

E, E1 eta E2 ekintza bakarrek dira. Ekintza bat baino gehiago idatzi nahi bada hasiera eta amaia hitzen artean idatziko dira, eta ekintza bakar bat bezala hartuko dira.

Aukera ekintza erabiliz ere, baldin ekintzarako ikusi ditugun eredu bien ekintza baliokideak idatz daitezke.

aukera

aukera

B : E1

B : E

ez(B) : E2

amaukera

amaukera

Izatez, 'baldin' ekintza baldintza bakar batetarako aukera ekin tzaren kasu partikularra besterik ez da.

ENUNTZIATUA

Irakur itzazu bi zenbaki oso A eta B aldagaietan utziz, bi balio etariko handiena B aldagaian eta txikiena A aldagaian egon daitezzen eskatzen da.

A eta B-ren balioak elkarren artean trukatu beharko dira, A aldagaiarentzat irakurritako balioa handiena izanez gero.

EBAZPENA

Problemaren enuntziatua ikustean bi ekintza posible susmatzen dira: bata lehenengo ariketan bete zen elkarren arteko balio aldatzea eta bestea, ezer ez egitea problemaren eskaerak besterik egin gabe beteta daudelako. (A aldagaiarentzako balioa txikiena izanez gero).

Bi ekintza horiek noiz exekutatu behar diren adierazteko, bi partiketa edo kasu-azterketa jarrai ditzagun.

Ondoko bertsioetara garamatzate bi partiketa horiek:

Lehenengo bertsioa

Datuetarako kasu guztiak aztertzen ditugu, eta bakoitzari zein ekintza dagokion, hain zuzen, datuekiko partiketa.

Algoritmoa HANDIAL
aldagaiak A , B (osoa)
hasiera

irakur (A)

irakur (B)

{ A = a, B = b }

aukera.

A > B:

A = B:

A < B: ALDATU

amaukera.

idatz (A)

idatz (B)

amaia

Non ALDATU izeneko ekintza ez baita primitiboa. Ekintza ez-primitiboa hau lehenengo ariketaren algoritmoaren antzekoa da. Bai na oraingo ekintzan balioak ez dira irakurriko; ez eta idatzi ere HANDIAL algoritmo orokorrean egiten baita. ALDATU ekintzak bi al dagaiei balio-aldaketa besterik ez du egingo. Beraz ondokoa da:

Algoritmoa ALDATU

aldagaiak A, B, C (osoa)

hasiera

{ A = a, B = b }

C := A

A := B

B := C

{ A = a, B = b }

amaia

HANDIAL algoritmoan sartu nahi badugu, C aldagaia definitu be har da.

Ondokoa da HANDIAL algoritmoa ekintza primitiboz eginga

Algoritmoa HANDIAL

aldagaiak A, B, C (osoa)

hasiera

irakur (A)

irakur (B)

{ A = a, B = b }

aukera

A > B :

A = B :

A < B : *hasiera*

C: = A

A: = B

B: = A

amaia

amaukera

idatz (A)

idatz (B)

amaia

Bigarren bertsioa

Tratamendu posible guztiak bilatzen ditugu (kasu honetan balio-aldaketa soilik), eta gero, zein baldintzapetan exekutatu diren. Algoritmoa idazteko bide honi, tratamenduekiko partiketa deitzen zaio.

Algoritmoa HANDIA2

aldagaiak A, B (osoa)

hasiera

irakur (A)

irakur (B)

{ A = a, B = b }

aukera

A < B : ALDATU

amaukera

{ A =(a eta b-ren arteko handiena), B =(a eta b-
ren arteko txikiena) }

idatz (A)

idatz (B)

amaia

Baina "aukera" ekintzak baldintza bakar bat dakarrenean "bal
din" ekintza bezala labur daiteke:

Algoritmoa HANDIA2

aldagaiak A, B (osoa)

hasiera

irakur (A);

irakur (B);

{A = a, B = b }

baldin A < B *orduan* ALDATU

{A = a eta b-ren arteko handiena, B = b eta b-ren
arteko txikiena}

idatz (A)

idatz (B)

amaia

HANDIA1 algoritmoarekin egin dugun bezalaxe ALDATU ekintza
ez-primitiboa birfintzen dugu, eta ondokoa da lortzen den algo
ritmoa:

Algoritmoa HANDIA2

aldagaiak A, B, C (osoa)

hasiera

irakur (A);

irakur (B);

{A = a, B = b }

baldin A < B *orduan* *hasiera*

C : = A

A : = B

B : = C

amaita

{ A = a eta b-ren arteko maximoa, B = a eta b-ren
arteko minimoa }

idatz (A)

idatz (B)

amaita

Oharra: Bertsio biak sortzeko abia-puntuak diferenteak izan di-
ra. Batean datuekiko partiketarik abiatu gara, bestean trata-
menduekiko partiketarik. Baina lortutako algoritmoak guztiz ba-
liokideak dira.

Bi bide desberdinetatik lortutako baliokidetasunak algorit-
moen egokitasuna baieztatzen digu.

ARIKETA OSAGARRIAK

3.1. Bigarren mailako ekuazio baten ebazpena.

(Erro karratua kalkulatzeko erabil ezazu ERROOSO eragiketa. Eragiketa honek zenbaki oso bat hartzen du eragigaitzat eta beste bat ematen du emaitzatzat. Honela izanez, emaitza ez da guztiz zehatza izango, baina oraingoan honela egingo dugu).

3.2. Azterketa baten kalifikazioa emanda (0-tik 10-erako zenbaki oso bat) kalkula ezazu dagokion maila (oso txarto (0-1-2), txarto(3-4), nahiko (5-6), ondo (7-8), bikain (9-10)).

4. ARIKETA EBATZIA

ENUNTZIATUA

Irakur ezazu hiru zenbaki oso eta idatz beraietariko handiena.
(Hiru zenbakiok diferenteak direla emango da).

EBAZPENA

Aurreko ariketetan bezala datuekiko partiketak eta tratamendue
kiko partiketak bi bertsio diferente sortzen dute. Oraingoan, datu
gehiago dagoenez, partiketa bakoitza bi partiketatan bana daiteke
bi bertsio gehiago sortuz.

Lehenengo bertsioa

Datuekiko partiketa egiteko, hiru balioen arteko ordena-konbi-
nazio guztiak aztertuko ditugu.

Algoritmoa hirusaxl

aldagaiak A, B, C, MAX (osoa)

hasiera

irakur (A);

irakur (B);

irakur (C);

$\{A = a, B = b, C = c, c \neq a, c \neq b, a \neq b\}$

aukera

(A > B) eta (B > C) : MAX := A;

(A > C) eta (C > B) : MAX := A;

(B > A) eta (A > C) : MAX := B;

(B > C) eta (C > A) : MAX := B;

(C > A) eta (A > B) : MAX := C;

$(C > B)$ eta $(B > C)$: $MAX := C$;

amaukera

$\{ MAX = a, b \text{ eta } c\text{-ren arteko handiena.} \}$

idatz (MAX)

amaia

Bigarren bertsioa

Tratamenduekiko partiketaz ebatziko dugu.

Zeintzu dira tratamendu posibleak? Hiru: $MAX := A$, $MAX := B$
eta $MAX := C$.

Noiz erabiliko dugu zein?. $MAX := A$ tratamendua A aldagaiaren balioa besteenak baino handiagoa izatekotan, eta B eta C aldagai-ekin berdintsu.

Hona hemen algoritmoa:

Algoritmoa HIRUMAX2

aldagaiak A, B, C, MAX (osoa)

hasiera

irakur (A)

irakur (B)

irakur (C)

$\{ A = a, B = b, C = c, a \neq b, a \neq c, b \neq c \}$

aukera

$(A > B)$ eta $(A > C)$: $MAX := A$;

$(B > A)$ eta $(B > C)$: $MAX := B$;

$(C > A)$ eta $(C > B)$: $MAX := C$;

amaukera

$\{ A = a, B = b, C = c, MAX = \text{handiena} \}$

idatz (MAX)

amaia

Hirugarren bertsioa

Datuen arteko ordena aztertzeko, bi mailatan egiten dugu partiketa. Lehenengoa bi aldagaiarekin, eta gero horietako handiena eta hirugarren aldagaiarekin.

Algoritmoa HIRUMAX3

aldagaiak A, B, C, MAX (osoa)

hasiera

irakur (A)

irakur (B)

irakur (C)

$\{A = a, B = b, C = c, a \neq b, a \neq c, b \neq c\}$

aukera

A > B: {emaitza a eta c-ren arteko handiena da}

aukera

A > C : MAX : = A

A < C : MAX : = C

amaukera

A < B: {emaitza b eta c-ren arteko handiena da}

aukera

B > C : MAX : = B

B < C : MAX : = C

amaukera

amaukera

$\{A = a, B = b, C = c, MAX = a, b \text{ eta } c\text{-ren arteko handiena}\}$

idatz (C)

amaia

Laugarren bertsioa

Bertsio honetan ere bi mailatan egiten dugu partiketa.

Algoritmoa HIRUMAX4

aldagaiak A, B, C, MAX (oso)

hasiera

irakur (A)

irakur (B)

irakur (C)

{ A = a, B = b, C = c, a ≠ b, a ≠ c, b ≠ c }

aukera

A > B : MAX := A

A < B : MAX := B

amaukera

{ MAX = a eta b-ren arteko handiena }

aukera

C > MAX : MAX := C

C < MAX :

amaukera

{ MAX = a, b eta c-ren arteko handiena }

idatz (MAX)

amaia

Oharra: Aukera moduko ekintzak, baldin modukoak bezala idatz litezke.

ARIKETA OSAGARRIAK

4.1. Lor ezazu MAX aldagaian A, B eta C aldagaien balioetariko han diena, eta idatz gero.

4.2. 4. ariketan emandako algoritmoak osa itzazu hiru balioak desberdinak direneko baldintza egiazta dezaten. Baldintza hau be tetzen ez bada idatz ezazu "EZ DIRA DIFERENTEAK".

4.3. 4. ariketako algoritmoak berridatz itzazu baina orain ez eza-
zu eman balioak diferenteak direla binaka hartuta, izan ere
bi edo hiru balio berdin izan bait daitezke.

Ondoko bi bideetatik egin dezakezu:

a) Idatzitako algoritmoei aukera posible berriak eran-
tsiz.

b) Idatzitako algoritmoen gorputza ere aldatuz.

4.4. Hiru balioaren ordenaketa. Irakur ezazu hiru balio eta idatz
itzazu ordenaz.

4.5. Irakur ezazu hiru zenbaki eta bi txikienak idatz itzazu.

4.6. Defini ezazu bi zenbakiren biderkaduraren zeinua biderkaketa
kalkulatu gabe.

4.7. Enpresa batetan ondoko erara egiten da oporraldi ordainduaren
kalkulua:

Pertsona batek urte bat bete ez badu enpresan lan egiten,
berak lan egindako hilebeteko bi egunerako eskubidea du, bes
tela 28 egun gutxienez.

Erresponstabilitate-postuan lan egiten badu, 35 urte baino
gehiago baditu eta bere antzinakotasuna 3 urtekoa baino handi
agoa baldin bada, orduan bi egun gehiago izango ditu. 45 urte
baino gehiago baditu berriz, eta bere antzinakotasuna 5 urte-
koa baino handiagoa bada, 4 egun gehiago izango ditu.

A antzinakotasuna (urtetan), B adina (urtetan) eta E, errespon-

sabilitate postua (baldintza logikoa) abiapuntutzat hartuz, J
oporregun-kopurua kalkulatu duen algoritmoa idatz ezazu.

5. ARIKETA EBATZIA

OBJEKTU-MOTA ETA EKINTZA BERRIAK

Errepika ekintza

Ondoko ereduari jarraituz, idatzi behar dira errepika moduko ekintza primitiboak:

errepika

al;

a2;

.

an

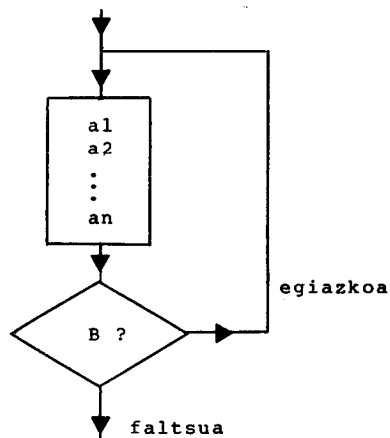
hariketa B

Non B baldintza baita eta al, a2, ..., an edintza primitiboak baitira.

Honela exekutatu da "errepika" ekintza: Lehenengoz, al, a2, ..., an ekintzak exekutatzen dira, gero B baldintzaren ebaluaketak egiazkoa balioa ematen badu orduan "errepika" ekintza osoaren exekuzioa amaitutzat uzten da, bestela (B baldintzaren ebaluaketak faltsua balioa emanez gero) al, a2, ..., an ekintza guztiak berriz exekutatzen dira eta berriz ebaluatzen da B baldintza. Honen balioaren arauera, lehen bezala, errepika ekintza amaitutzat uzten da edo al, a2, ..., an ekintza guztiak errepikatzen dira berriz.

Eta honela jarraituko da al, a2, ..., an ekintzak exekutatzean B baldintzak "egiazkoa" balioa eduki arte.

Ondoko irudiak, errepika ekintzaren exekuzioa erakusten du:



Errepika ekintzak bukaera aurki dezan, bere barruko ai ekintza batek bederen C baldintzaren ebaluaketa aldaraziko du.

Oharra: C baldintza aldagai boolean baten izen soila ere izan daiteke.

Errepika ekintza bat idazteko, ondoko puntuok hartu behar dira kontutan:

- 1) Zelako tratamendu egingo den errepikaketa bakoitzean hartuko den elementurako.
- 2) Zein den errepikaketa bukatzeko baldintza.
- 3) Errepika bakoitzean tratatzeko hurrengo elementua zelan hartuko den.
- 4) Zer egin behar den amaitu ondoren. Azken aztergaia ondo tratatzen denekoaz segurtatuz.
- 5) Zelan hasieratzen den errepikaketa. Lehenengo aztergaia ondo tratatzen denekoaz segurtatuz, bai eta lehenengo errepikaketa ondo exekutatzen denekoaz ere.

3. Sekuentziaren hurrengo elementua hartzeko, irakur (KAR) ekin tza besterik ez da egin behar, honelaxe definituta baitago.

4. Errepikaketa amaitu ondoren ea azken elementua ondo tratatu dugun aztertu behar da, eta emaitzak idatzi egin behar ditugu.

Errepikatzeke ekintzak ondoko ordenan ezartzen baditugu, azken karakterea ere (". " karakterea) tratatu egiten da (ea 'a' karakterea den galdetzen baitugu)

errepika

irakur (KAR)

baldin KAR = 'a' orduan KONTA : = KONTA + 1

harik-eta KAR = '.'

Alderantziz ezartzen baditugu baldintza irakurketa aurrean karakterea ez da tratatzen, baina bost axola zaigu emaitza ez bait litzateke aldatuko ('.' karakterea ez da inoiz 'a' karakterea izan go). Hots, ondoko bigarren ordena hau ere egokia da:

errepika

baldin KAR = 'a' orduan KONTA : = KONTA + 1

irakur (KAR)

harik-eta KAR = '.'

Aurreko bi kasuetan idatz (KONTA) erantsiko dugu lortutako emaitza idatz arazteko.

5. Hasieran KONTA aldagaiari 0 balioa asignatu behar diogu eta lehenengo karakterearen tratamendua ondo egiten delakoaz segurtatu behar gara.

Errepika ekintzarako aurreko puntuan eraiki dugun lehenengo aukeran ez dago hasieratzeko problemarik, lehenengo karakterea errepika ekintzan irakurtzen eta tratatzen delako, gainera sekuentziak puntua soilki eta ez beste karaktererik daukaneko kasuan ere emaitza ona (0 balioa) ematen duelako.

ENUNTZIATUA

Puntu karaktereaz amaitzen den karaktere-sekuentzia bat emanik 'A' letra zenbat aldiz agertzen den konta ezazu.

Ebazpena

Sekuentziako karaktere guztiak aztertu beharko ditugu. Sekuentziako elementuak banan banan aztertzeko "errepika" ekintza erabiliko dugu. "Errepika" ekintza ondo definitzeko ondoko bost puntuoi erantzun behar diegu:

- 1- Zelako tratamendu egingo den errepikaketa bakoitzeko elementurako.
- 2- Zein den errepikaketa bukatzeko baldintza.
- 3- Zelan hartuko den tratatzeko hurrengo elementua errepikaketa bakoitzean.
- 4- Zer egin behar den amaitu ondoren.
- 5- Zelan hasieratzen den errepikaketa.

Erantzunak

1. Karaktere bakoitzerako zera egin behar dugu: aztertu ea 'a' letra den eta hala izanez gero, bat gehiago kontatu. Baina zelan kontatuko dugu? Errez: oso motako aldagai bat erabiliko dugu, hasieran zero balioa emango diogu aldagaiari eta 'a' letra bat agertzen denean, bat gehituko diogu balioari. Beraz, tratamendua ondokoa da:

baldin $KAR = 'a'$ orduan $KONTA := KONTA + 1$

non KAR aldagaiak aztertu behar den karakterea baitauka eta KONTA aldagaia kontatzekoa baita. KONTA aldagaiari 0 balioa asig^{natu} beharko diogu "errepika" ekintza hasi baino lehenago.

2. Amaitzeko baldintza $KAR = '.'$ izango da, '.' karaktereak sekuentziaren amaia adierazten du eta.

Algoritmoa AKONTA1

aldagaiak KAR (karakterea)

KONTA (osoa)

hasiera

KONTA := 0;

errepika { KONTA-k ageritako 'a' letran kopurua
dauka }

irakur (KAR)

baldin KAR = 'a' orduan KONTA := KONTA + 1

harik-eta KAR = '.';

{ KONTA-k sekuentzia osoan ageritako 'a' letren
kopurua dauka }

idatz (KONTA)

amaia

Errepika ekintzarako aurreko puntuan eraiki dugun bigarren au
keran osterantzean, lehenengo karaktereak aurretik irakurria izan
behar du, eta sekuentziak puntua soilki eta ez beste karaktererik
daukaneko kasurako tratamendu berezia sartu behar dugu, bestela,
KONTA aldagaiak 1 balioa hartuko luke eta egongo ez den beste ka-
raktere bat irakurri nahi izango da. Beraz ondokoa da algoritmoa
ren bigarren bertsioa:

Algoritmoa AKONTA2

aldagaiak KAR (karaktere)

KONTA (osoa)

hasiera

KONTA := 0

irakur (KAR)

baldin KAR $\neq$ '.' orduan {sekuentzia ez da hutsa
Puntuaz gainera badu bes
te karaktererik.}

errepika

baldin KAR = 'a' orduan

KONTA ; = KONTA + 1

irakur (KAR)

harik-eta KAR = '.'

idatz (KONTA)

amaia

ARIKETA OSAGARRIAK

- 5.1. Puntu karaktere batez amaitzen den karaktere-sekuentzia bat emanik, zenbat karaktere dauzkan kontatu hurrengo kasuetan.
- a) Puntua kontatuz.
 - b) Puntua kontatu barik.
- 5.2. Aurretik definitutako karaktere-sekuentzian 'A' letra ez diren karaktereak kontatu. Zuriguneak ere kontatuz.
- a) Puntua kontatuz.
 - b) Puntua kontatu barik.
- 5.3. Karaktere-sekuentziaren bokaleak kontatu. Ondoren aldatu algoritmoa kontsonanteak konta ditzan.
- 5.4. Karaktere-sekuentzian konta ezazu zenbat 'a', zenbat 'e', zenbat 'i', zenbat 'o' eta zenbat 'u' dagoen.
- 5.5. Zero batez amaitzen den zenbaki osozko sekuentzia bat emanik, zenbat zenbaki oso negatibo dagoen konta.
- 5.6. Irakur ezazu zenbaki bat eta kalkula ezazu beraren faktoriala.

6. ARIKETA EBATZIA

ENUNTZIATUA

Puntu karaktereaz amaitzen den karaktere-sekuentzia batetan kalkula ezazu 'A' letren maiztasun erlatiboa hots, 'A' letraren agerpen-kopurua zati letra guztien arteko agerpenak. Eman portzentaia. (Puntuaz eta zuriguneez aparte ez dago beste karaktere berezirik).

EBAZPENA

Algoritmorako lehenengo hurbilketa ondokoa izan daiteke:

Algoritmoa MAIZERL

aldagaiak AKONTA, KONTA, PORTZENTAIA (osoa)

KAR (karakterea)

hasiera

akontatu;

{AKONTA-K sekuentzian dauden 'a' letren kopurua dauka }

kontatu;

{KONTA-K sekuentzian dauden letren kopurua dauka }

PORTZENTAIA := (100 * AKONTA) DIV KONTA;

idatz (PORTZENTAIA)

amaia

Non AKONTATU ekintza ez-primitiboa aurreko ariketaren AKONTA1 eta AKONTA2 algoritmoek definitzen baitute, eta KONTATU ekintza ez-primitiboa AKONTATU ekintzaren antzekoa baita. Kontatzeko baldintza besterik ez da aldatu behar, $kar = 'a'$ baldintzaren ordez, $(kar \neq ' ')$ eta $(kar \neq '.')$ baldintza idatzi behar delarik.

Bigarren kontaketa egiteko, aldezturik sekuentzia hasteko moduan jarri beharko genuke. Eskakizun hori betetzeko ekintza primitibo berri bat erabiltzen da: Sekuentzia-hasiera. Ekintza hau exekutatuta, irakurriko den hurrengo aldagaiari sekuentziako lehenengo balioa asignatuko zaio.

Algoritmoaren azken hurbilketarako bi bertsio idatz daitezke. Batean AKONTATU eta AKONTA ekintza ez-primitiboen definizioa algoritmoaren azkenean erantsiz eta bestean ekintza ez-primitibo bezala definitu gabe, algoritmoaren lehenengo hurbilketan bertan ekintza horien ordez beren definizioak ezarriko ditugu.

Lehenengo bertsioa, ekintza ez-primitiboak definitzen dituen,
honakoa da:

Algoritmoa MAIZERLI

aldagaiak AKONTA, KONTA, PORTZENTAIA (osoa)

KAR (karakterea)

hasiera

AKONTATU;

{ AKONTA-k sekuentzian dauden 'a' letren kopurua
dauka }

Sekuentzia-hasiera

KONTATU

{ KONTA-k sekuentzian dauden letren kopurua dauka }

PORTZENTAIA := (100 * AKONTA) DIV KONTA

idatz (PORTZENTAIA)

amaia

ekintza AKONTATU

hasiera AKONTA := 0

errepika { AKONTA-k ageritako 'a' letren kopurua dauka }

irakur (KAR)

baldin kar = 'a' orduan konta := konta + 1

harik-eta kar = '.';

{ AKONTA-k sekuentzia osoan ageritako 'a' letren kopu-
rua dauka }

amaia

ekintza AKONTATU

hasiera KONTA := 0

errepika { KONTA-k ageritako letren kopurua dauka }

irakur (kar)

baldin (kar ≠ ' ') eta (kar ≠ '.') orduan

KONTA := KONTA + 1

harik-eta kar = '.'

{KONTA-k sekuentzia osoan ageritako letren kopurua dauka }

amaia

Ohar zaitez sartu dugun SEKUENTZIA-HASIERA ekintzaz.

Bigarren bertsioa, ekintza ez-primitiboen ordeztu beren definitzioak ezartzen dituenak, ondoko algoritmoan aurkezten da:

Algoritmoa MAIZERL2

aldagaiak AKONTA, KONTA, PORTZENTAIA (osoa)

KAR (karakterea)

hasiera

AKONTA : = 0

errepika { AKONTA-k ageritako 'a' letren kopurua dauka

irakur (kar)

baldin kar = 'a' orduan AKONTA : = AKONTA + 1

harik-eta kar = '.';

{ KONTA-k sekuentzian osoan ageritako 'a' letren kopurua dauka }

sekuentzia-hasiera;

KONTA : = 0

errepika { KONTA-k ageritako letren kopurua dauka }

irakur (kar)

baldin kar = 'a' orduan KONTA : = KONTA + 1

harik-eta kar = '.'

{ AKONTA: zenbat 'a' letra; KONTA: zenbat letra

PORTZENTAIA : = (100* AKONTA) DIV KONTA

idatz (PORTZENTAIA)

amaia

Asmatuturiko algoritmoak guztiz definituta daude. Baina ondoko sinplifikazio handiaz ohar gaitezke: kontaketa biak batera egin daitezke, kalkulatzeko dituzten balioak independenteak dira eta, izan ere, bat kalkulatzeko ez dugu behar bestearen balioa aldezturirik kalkulatu edukitzea, kontaketa biak batera egiteko alda keta txikia egingo dugu aurreko ariketaren AKONTA1 algoritmoan.

Karaktere bakoitzerako tratamenduan, bi kontaketenak sartu behar ditugu, beraz:

baldin kar = 'a' orduan AKONTA : = AKONTA + 1

baldin (kar ≠ '.') eta (kar ≠ ' ') orduan KONTA : = KONTA + 1

AKONTA eta KONTA aldagaiei 0 balioa asignatuko diegu hasiera.

Errepikaketa amaitu ondoren maiztasun erlatiboaren portzentaia lortu behar da KONTA eta AKONTA aldagaien balioak erabiliz.

Algoritmoa MAIZERL 3

aldagaiak AKONTA, KONTA, PORTZENTAIA (osoa)

KAR (karakterea)

hasiera

AKONTA : = 0;

KONTA : = 0;

errepika

irakur (kar);

baldin (kar = 'a') *orduan* AKONTA : = AKONTA + 1

baldin (kar ≠ '.') eta (kar ≠ ' ') *orduan*

KONTA : = KONTA + 1

harik-eta kar = '.'

PORTZENTAIA : = (100 * AKONTA) DIV KONTA

idatz (PORTZENTAIA)

amaia

ARIKETA OSAGARRIAK

- 6.1. Zero batez amaitzen den oso-sekuentzia baten zenbaki osoen batezbesteko aritmetikoa kalkula ezazu.
- 6.2. Kalkula ezazu oso-sekuentziaren zenbaki positiboen batezbesteko aritmetikoa.
- 6.3. Bi zenbaki osoren biderkadura eta zatidura osoa kalkula itzazu, baina batuketa eta kenketa soilik erabiliz. Zenbaki oso positiboak eta 0 baino handiagoak hartu lehenengoz
- 6.4. Karaktere-sekuentzia batetan azter ezazu ea zein letra agertzen den gehiagotan, 'A' letra edo 'E' letra.
- 6.5. Eraiki ezazu ea zenbaki oso bat lehena den aztertuko duen algoritmo bat.
- 6.6. Oso-sekuentzia bat emanik idatz itzazu zenbakien faktorialak.
- 6.7. Zero batez amaitzen den oso-sekuentzia bat emanik, kontatu zenbat zenbaki diren sekuentziaren batezbesteko aritmetikoa baino handiagoak.

7. ARIKETA EBATZIA

ENUNTZIATUA

Puntu karaktereaz amaitzen den karaktere-sekuentzia batetan konta ezazu zenbat aldiz agertzen den 'TA' karaktere-bikotea.

EBAZPENA

Sekuentzia bat tratatu behar dugunez "errepika" ekintza bat era bili beharko dugu. Tratamendu errepikakor hau ondo definitzeko 5. ariketan azaldutako galderei erantzun behar diegu.

1. Zelako tratamendua egingo dugu elementu bakoitzerako?

Karaktere bat irakurtzen dugunean ea 'TA' karaktere-bikotea ageri den jakiteko aurreko karaktereari buruzko informazioa behar dugu, hain zuzen ere, ea aurreko karakterea 'T' karakterea izan den.

AURREKOAT aldagai boolearra erabiliko dugu. 'Egiazkoa' balioa badauka aurreko karakterea 't' izan dela jakingo dugu; bestela, 'faltsua' balioa badauka, aurreko karakterea ez da 't' izan.

Beraz, karaktere bakoitzerako bi aldagai eguneratu behar dugu, bata 'TA' karakterea bikotearen agerpen-zenbakiarena (azken irakurritako eta aurreko karaktereen arauera) eta bestea AURREKOAT, zeinean azken irakurritako karakterea ea 't' karakterea izan den gordeko baitugu, hurrengo karakterearen tratamenduan erabilia izateko.

Tratamendu oso honetarako bi bertsio aurkezten dugu. Lehenengoan irakurritako karakterearen balio esanguratsuen multzoaren partiketan oinarrituz, eta bigarrenean 'TA' karaktere-bikotearen kontatzailearen balioa eta AURREKOAT aldagaiarena aldatzeko baldintzak adieraziz. Lehenengoa datuekiko partiketa da eta bigarrena tratamenduekiko partiketa.

2. Zein da amaitzeko baldintza?

Karaktere-sekuentzia puntuaz amaitzen denez, errepikaketa amaitzeko baldintza $\text{kar} = \text{'.'}$ izango da aurreko ariketetan bezala.

3. Zelan hartuko dugu sekuentziaren hurrengo elementua?

Karaktere-sekuentzia denez, kar karaktere motako aldagaia irakurritz hurrengo karakterea hartuko dugu.

4. Zer egin behar da amaitu ondoren?

Azken karakterea '.' delarik, azkeneko bikotea inoiz ere ez da 'TA' bikotea izango. Beraz azken karakterearen tratamendua ez da beharrezkoa.

'Errepika' ekintza amaitzean emaitza idatzi beharko dugu. Kasu honetan 'TA' karaktere-bikotearen agerpen-kopurua.

5. Zelan hasieratzen dugu errepikaketa?

'TA' bikotearen agerpenen kontatzaileari 0 balioa eman behar diogu.

AURREKOAT aldagaiari faltsua balio boolearra emango diogu lehenengo karakterearekin inoiz ere ez baita bikotea lortuko.

1. Bertsioa

Lehenengo bertsioan irakurritako karaktere esanguratsuen multzoaren partiketan oinarritzen gara:

<i>Algoritmoa</i>	TAKONTATU1
<i>aldagaiak</i>	KAR (karakterea)
	AURREKOAT (boolearra)
	ZB (osoa)

```
hasiera      irakur (KAR)

baldin KAR = '.'
    orduan idatz ('textu hutsa')
    bestela {textua ez da hutsa}

hasiera

ZB : = 0;

AURREKOAT : = faltsua;

errepika
    {kar : aztertzeke karakterea
    ZB : 'AT' bikotearen agerpen-ko
    purua.
    AURREKOAT : ea aurreko karakterea
    't' izan den }
aukera {kar aldagaiaren balio esanguratsu
    en gaineko partiketa }

KAR = 't' : AURREKOAT : = egiazkoa
KAR = 'a' : baldin AURREKOAT orduan

hasiera

ZB := ZB + 1

AURREKOAT : = faltsua
amaia
(KAR ≠ 'a') ∧ (KAR ≠ 't') : AURREKOAT:=faltsua

amaukera

irakur (KAR)

harik-eta kar = '.';

idatz (ZB)

amaia {textua hutsa ez deneko tratamendua}

amaia
```

2. Bertsioa

Bigarren bertsioan tratamendu desberdin posibleak azaltzen ditugu, eta berorien arteko zein exekuta behar den jakiteko baldintzak ezartzen dizkiegu datuei, hots, tratamenduen arauera egiten dugu partiketa.

Algoritmoa TAKONTATU2

aldagaiak KAR (karakterea)

AURREKOAT (boolearra)

ZB (osoa)

hasiera

irakur (KAR)

baldin KAR = '.'

orduan idatz ('textu hutsa')

bestela {textua ez da hutsa}

hasiera

ZB : = 0

AURREKOAT : = faltsua

errepika { kar: aztertzeke karakterea

ZB: 'AT' bikotearen agerpen-kopurua

AURREKOAT: ea aurreko karakterea 't'

izan den. }

{ noiz aldatuko da ZB-ren balioa?

eta noiz aldatuko da AURREKOAT-en balioa? }

baldin AURREKOAT *eta* (KAR='a') *orduan* ZB:=ZB+1

baldin KAR = 't' *orduan* AURREKOAT: = egiazkoa

bestela AURREKOAT: = faltsua

irakur (KAR)

harik-eta KAR = '.'

idatz (ZB)

amaia {textua hutsa ez deneko tratamendua}

amaia

3. Bertsioa

Hirugarren bertsio bat ere asmatuko dugu. Oraingoan tratamendu sekuentzialaz ohartzen gara. 'TA' karaktere-bikoteak kontatzea eta 'A' karaktereak kontatzea antzekoak dira.

'A' karaktereak kontatzeko, sekuentziako karaktere guztiak aztertzen ditugu eta 'A' denean kontatu egiten dugu. Bikoteak kontatzeko ez dago berdin egiterik? saia gaitezen.

'A' karaktereak kontatzeko ondoko algoritmoa erabiltzen genuen:

Algoritmoa AKONTA2

aldagaiak KAR (karakterea)

KONTA (osoa)

hasiera

KONTA: = 0

irakur (KAR)

baldin KAR $\neq$ '.' orduan {sekuentzia ez da hutsa}

errepika

baldin KAR = 'a' orduan

KONTA: = KONTA + 1

irakur (KAR)

harik-eta KAR = '.'

idatz (KONTA)

amata

Saia gaitezen antzeko algoritmoa idazten baina karaktere-bikoteak kontatzeko. Karaktere-bikoteak era bereziaz irakurriko eta tratatuko dira, baina eman dezagun egiteko posibleak direla eta gero-rako utziko ditugu beraien definizioa, oraindik ekintza ez-primitiboak erabiliko ditugu tratamendu horiek adierazteko eta eman dezagun ere bikote bakoitzaren adierazpena aldagai sinpleak erabiliz lortuko dugula baina hau ere gerorako utziko dugu.

Bikoteak sekuentzialki tratatzeko algoritmoa hauxe litzateke:

Algoritmoa TAKONTA3
aldagaiak KONTA (osoa)
 { oraindik ez dakigu zelan adieraziko ditugun bikoteak }
hasiera

KONTA: = 0

irakur-lehenengo-bikote

baldin bikotea-azkena-ez-bada
 orduan { sekuentzia ez da hutsa }
 errepika
 baldin bikotea-'TA'-bada *orduan*

KONTA : = KONTA + 1

irakur-bikote

harik-eta bikotea-azkena-da

idatz (KONTA)

amaita

Algoritmoa definituta, bikoteetarako adierazpidea aurkitu behar da, eta gero algoritmoan dauden ekintza ez-primitiboak eta baldintza bereziak adierazpidearen arauera idatzi.

Bikoteetarako adierazpidea karaktere motako bi aldagaien bidez lor daiteke. KAR1 aldagaiak bikotearen lehenengo karakterea edukiko du eta KAR2 aldagaiak bigarren karakterea.

Azal ditzagun algoritmoan agertzen diren ekintza ez-primitiboak eta baldintza bereziak adierazpide honen arauera, KAR1 eta KAR2 aldagaiak erabiliz.

a) irakur-lehenengo-bikote ekintza

Intuitiboki bi karakteretako irakurketak errezena ematen du.

irakur (KAR1)

irakur (KAR2)

baina sekuentzia hutsa deneko kasua kontutan hartzeko, puntu

bakar bat dagoenekoa, alegia, karaktere bat bakarra irakurriko da, KAR2 aldagaiari asignatuz, eta bikotearen lehenengo karakterea emaitza aldatuko ez duen bat jarriko da, esate baterako ' ' zuri-gunea.

Beraz honela gelditzen da ekintza:

ekintza irakur-lehenengo-bikote

hasiera

KAR1 : = ' '

irakur (KAR2)

amaia

b) bikotea-azkena-ez-bada baldintza

Azken bikotea puntura iristerakoan ageriko da eta beraz bikotearen bigarren karakterea puntua izango da. Baldintza ondokoa izango da:

KAR2 $\neq$ '.'

c) bikotea-'TA'-bada baldintza

(KAR1 = 'T') eta (KAR2 = 'A')

d) irakur-bikote ekintza

Hurrengo bikotea irakurtzeko, ez dira hurrengo bi karaktereak irakurri beharko, horrela eginez gero tartean dagoen karaktere-bikotea aztertzeke geldituko baitlitzateke. Adibidez

ETA ETXEETARA JOAN ZIREN.

datu-sekuentzia balitz eta binakako irakurketa eginez 'ET', 'A' 'ET', 'XE', 'ET', ..., bikoteak aztertuko genituzke baina ez: 'TA', 'E', 'TX', etabar.

Aurreko bikotearen bigarren karakterea, KAR2 aldagaiak daukana hain zuzen, bikote berriaren lehenengoa izango da, eta bikote berriaren bigarren karakterea sekuentziatik irakurtzekoa da.

ekintza irakur-bikote

hasiera

KAR1 := KAR2

irakur (KAR2)

amaia

Kontuz ibili behar da aurreko asignazioa eta irakurketa idazte_rakoan, alderantziz idazten badira irakur (KAR2)) lehenengoz eta KAR1 := KAR2 gero, aldagai biek sekuentziako karaktere bera edukiko dute eta.

Algoritmoan zeuden ekintza ez-primitiboak eta baldintzak idazteko ez dugu aurkitu gaindiezinezko oztoporik aukeratutako adierazpiderako. Hona hemen bikoteak sekuentzialki tratatzeko algoritmoa:

Algoritmoa TAKONTA3

aldagaiak KONTA (osoa)

KAR1, KAR2 (karakterea) {bikoteak adierazteko}

hasiera

KONTA := 0;

KAR1 := ' ';

irakur (KAR2)

baldin KAR2 ≠ '.' orduan { sekuentzia ez da hutsa }

errepika

baldin (KAR1 = 'T') eta

(KAR2 = 'A')

orduan KONTA := KONTA + 1

KAR1 := KAR2

irakur (KAR2)

harik-eta KAR2 = '.'

idatz (KONTA)

amaia

7. ARIKETA OSAGARRIAK

7.1. Berrartu 'TA' karaktere-bikotearen agerpen-kopurua kontatzeko algoritmoaren bertsioak, baina ondoko enuntziatu aldaketak kontutan hartuz:

- a) 'TA' eta 'TI' karaktere-bikoteak konta itzazu.
- b) 'TA' eta 'MA' karaktere-bikoteak konta itzazu.
- c) Konta itzazu sekuentzian dagoen lehenengo karaktere-bikotearen agerpenak.

7.2. Sekuentzia batek puntuz amaitutako esaldi bat dauka. Esaldia zurigune batez edo gehiagoz banatutako hitzez osatzen da. Hitza karaktere zuririk ez daukan karaktere-sekuentzia da. Azkeneko puntua zurigune baten edo gehiagoren atzetik ere etor daiteke. Sekuentziaren hitzak kontatzeko eskatzen da.

7.3. Berrartu ezazu aurreko ariketa eta eman ezazu hitzak letrez soilki osatzen direla, beste edozein karakterek hitzaren amaia adierazten duela alegia.

7.4. Letra bakar batez osatutako hitzak konta itzazu.

7.5. Zeroaz amaitzen den zenbaki osozko sekuentzia batetan, hurrengo zenbakiok kalkulatzeko algoritmoak sor itzazu.

- Zeinu-aldaketen
- Monotonia gorakorra

7.6. Froga ezazu TAKONTATU1 eta TAKONTATU2 algoritmoak baliokideak direla Horretarako:

- 1.2 algoritmoak balidin ekintzak aukera ekintzak bezala adieraziko dira.
- eta lortutako bi aukera ekintzetatik aukera ekintza bakar bat lortuko da.

8. ARIKETA_EBATZIA

OBJEKTU-MOTA ETA EKINTZA BERRIAK

BITARTEAN ekintza primitiboa

Ekintza primitibo berri honek, ondoko eredua jarraitzen du:

bitartean c egin

a1;

a2;

.

.

.

an

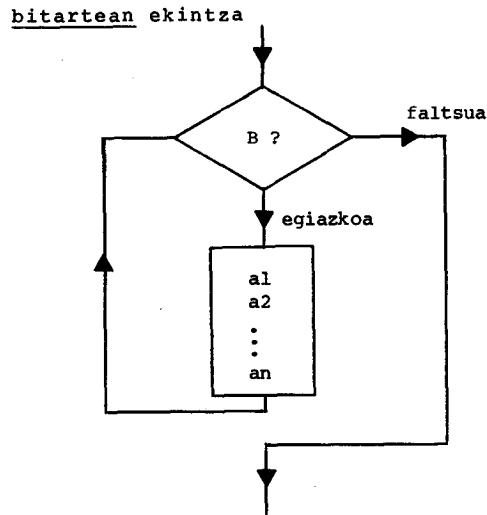
ambitartean

Non C letrak baldintza bat adierazten duen eta a1, a2, ..., an direlakoek ekintzak.

Honela exekutatuko da bitartean ekintza:

c baldintza egiazkoa bezala ebaluatzen den bitartean, a1, a2, ..., an ekintza-multzoa exekutatuko da. Hau da, lehenengoz c baldintza ebaluatzen da, faltsua bezala ebaluatzekotan behin ere ez da exekutatuko ekintza-multzoa, eta algoritmoaren hurrengo ekintza, "ambitartean" hitz mugatzailearen ostean datorrena alegia, exekutatuko da; bestela, baldintza egiazkoa bezala ebaluatzen bada, a1, a2, ..., an ekintza guztiak exekutatuko dira eta ondoren berriz ebaluatuko da c baldintza eta tratamendua hasierakoa bezelaxekoa izango da.

Ondoko irudiak exekuzioa adierazten du:



Konpara ezazu errepika ekintzaren eskemarekin

errepika

a1

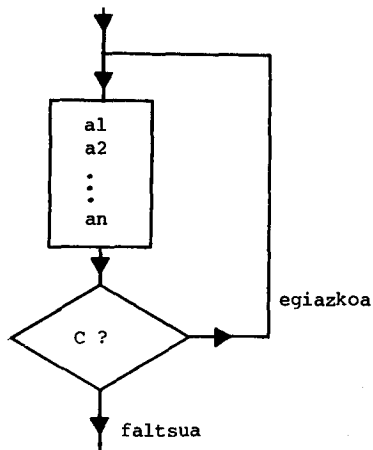
a2

.

.

an

harik-eta C



Errepika ekintzan a1, a2, ..., an errepikatzeko ekintzak gutxienez behin batean exekutatzen dira, bitartean ekintzan ordea, hasieran C baldintzak faltsua balioa badauka behin ere ez dira exekutatzen.

Errepika ekintzarekin gertatzen zen bezala, bitartean ekintzan ere c bukatzeko baldintzaren ebaluaketa aldarazteko ekintzaren bat

egon behar da errepikatzen direnen artean, bestela c baldintza hasi eran betetzen ez bada (normala izaten denez) ez da hurrengoan ere beteko eta bitartean ekintza ez da inoiz ere amaituko.

Bitartean moduko ekintza bat idazteko, bost puntu hartu beharko dugu kontutan, hain zuzen, errepika ekintza bat idazteko erabiltzen genituen puntu berberaiek:

1. Zelako tratamendu egingo den errepikaketa bakoitzeko elementurako.
2. Zein den errepika segitzeko baldintza. (Kasu honetan ez da bukatzekoa).
3. Zelan hartuko den tratatzeko hurrengo elementua errepikaketa bakoitzean.
4. Zer egin behar den amaitu ondoren.
5. Zelan hasieratzen den errepikaketa.

ENUNTZIATUA

Puntu karaktere batez amaitzen den karaktere-sekuentzia bat ematik, zenbat karaktere dauzkan konta ezazu.

- a) Puntua kontatu barik.
- b) Puntua kontatuz.

EBAZPENA

- a) Puntu kontatu barik.

Karaktere-sekuentzia bat tratatu behar da, ez dakigu zenbat karaktere tratatu behar diren, amaitzeko baldintza soilki ezagutzen dugu. Beraz, ekintza errepikakor bat erabili behar dugu, bai errepika ekintza, bai bitartean ekintza. Ariketa honetan bitartean erabiliko dugu, baina bietako edozein erabil zitekeen.

Bitartean ekintza definitzeko, errepikatze xehetasunak azter-

tu behar ditugu. Azter ditzagun puntua ez kontatzeko kasurakoak.

. Zelako tratamendu egingo da elementu bakoitzerako?

Puntua ez bada, kontatu egingo dugu. Hasieran kontadore bat deklaratu eta hasieratu egin behar da.

. Zelan hartuko da errepikaketa bakoitzerako hurrengo aztergaia?

Karaktere-sekuentziatik karaktere bat irakurriko dugu.

. Zein den amaitzeko baldintza?

Puntu karakterea agertzea, sekuentziaren azkena adierazten du eta. Bitartean ekintzan kontrako baldintza hartzen da, kasu honetan errepikaketa jarraitzeko baldintza da eta.

Oraindaino ondoko eskema idatz daiteke:

bitartean Kar $\neq$ '.' egin

Konta: = konta + 1

irakur (kar)

ambitartean

.Zer egin behar da amaitu ondoren? Aztergaia ondo tratatzen dene-koaz segurtatu.

Amaitu ondoren kontadorearen balioa idatziko da.

Azken karakterea, puntua hain zuzen ere, ez da tratatzen, horixe gura genuen.

. Zelan hasieratzen da errepikaketa?

Lehenengo karakterea aurretik irakurri behar da, baldintzan balio duntzat ematen baita.

Kontadoreak zero balioa eduki behar du hasi aurretik. Lehenengo errepikaketan 1 balioa hartuko du.

Sekuentzia hutsaren kasuan ere algoritmoa egokia da. Zero idazten da eta lehenengo karakterea soilki irakurtzen da ez besterik.

Hona hemen algoritmo osoa:

Algoritmoa PUNTUAEZ1 {karakterea kontatu puntua ezik}

aldagaiak KONTA (osoa)

KAR (karakterea)

hasiera

KONTA:=0

irakur(KAR)

bitartean KAR $\neq$ '.' egin

KONTA := KONTA + 1;

irakur (KAR)

ambitartean

idatz (KONTA)

amaia

b) Puntua kontatuz

Kasu honetan algoritmoaren eraikiketa lehengoarena bezalakoa da azken karakterearen tratamenduari dagokiona ezik. Puntu karakterea ren kontaketa bitartean ekintzatik kanpoan egin behar da. Azken ele mentuaren tratamendu bezala. Ondokoa izango da algoritmoa:

Algoritmoa PUNTUAERE 1 {Karaktereak kontatu, puntua ere bai}

aldagaiak KONTA (osoa)

KAR (karakterea)

hasiera

KONTA := 0

irakur (KAR)

bitartean KAR $\neq$ '.' egin

KONTA := KONTA + 1

irakur (KAR)

ambitartean

KONTA := KONTA + 1 {Azken karakterearen tratamendua}

idatz(KONTA)

amaia

Errepika ekintza erabiliz ere idatz daitezke problema hauetarako algoritmoak. Ondokoak lirateke errepika ekintza erabiliz lortutako algoritmoak:

Algoritmoa PUNTUAEZ2 {karaktereak kontatu puntua ezik}

aldagaiak KONTA (osoa)

KAR (karakterea)

hasiera

KONTA = 0

irakur (KAR)

baldin KAR = '.' orduan idatz ('sekuentzia hutsa')

bestela

errepika

KONTA := KONTA + 1

irakur (KAR)

harik-eta KAR = '.'

idatz (KONTA)

amaia

Algoritmoa PUNTUAERE2 {karaktereak kontatu, puntua ere}

aldagaiak KONTA (osoa)

KAR (karakterea)

hasiera

KONTA := 0

errepika

irakur (KAR)

KONTA := KONTA + 1

harik-eta KAR = '.'

idatz (KONTA)

amaia

Ariketa honetarako proposaturiko algoritmoak ikusita, zera esan daiteke:

Tratamendu errepikakorrak adierazteko, errepika ekintza edo bitartean ekintza erabil daitezke. Kasu batzutarako errepika ekintza era biltzen duen algoritmoak sinpleago ematen du, adibidez, PUNTUAERE1 algoritmoak PUNTUAERE2 baino luzeagoa da, lehenengo karakterea eta azkena era berezi batez tratatzen baitira.

Beste kasutan alderantziz gertatzen da eta bitartean ekintza era biltzen duen algoritmoa errepika ekintza baino sinpleago ematen du, puntu bakar batek osatutako sekuentzia hutsaren kasu bereiztu behar delako.

8. ARIKETA OSAGARRIAK

- 8.1. Puntuaz amaitzen den karaktere-sekuentzia bat emanda, idatz ez zu sekuentzian agertzen den lehenengo hitza, zurigunerik ez diren karaktereek osatzen duten lehenengo azpisekuentzia hain zuzen.
- 8.2. Ordena goranzkorrez ordenatutako oso-sekuentzia bat emanda, konta ezazu zenbat oso diren 27 baino txikiagoak.

9. ARIKETA EBATZIA

ENUNTZIATUA

Irakur ezazu zenbaki oso bat eta idatz itzazu beraren zatigai guztiak.

EBAZPENA

N zenbaki osoaren zatigai guztiak ezagutzeko, 1-etik N-raino dauden zenbakiak aztertu behar ditugu. Zenbaki hauek ez dira sekuentziatik irakurriak izango, sekuentzian N zenbakia bera besterik ez dago eta. Baina N zenbakia ezagututa 1-etik N-raino dauden zenbakiak sor daitezke. Horretarako, I aldagai oso bati hasieran 1 balioa ematen diogu eta ekintza errepikakor bat erabiliz, I aldagaiaren balioari 1 gehituz, bilatutako zenbakiak lortuko dira banan banan N zenbakia lortu arte.

Lortutako zenbaki bakoitzerako tratamendua ondokoa izango da: baldin I zenbakia N zenbakiaren zatigaia bada, orduan idatzi I zenbakia, bestela ez idatzi.

Zatigaitasuna aztertzeke baldintza zera da: $N \bmod I = 0$.

Azter ditzagun ekintza errepikakorra idazteko puntuak.

(bitartean adibidez).

1. Zein da elementu bakoitzerako tratamendua?

Idazketa, N-ren zatigaia baldin bada, beraz:

baldin $N \bmod I = 0$ orduan idatz (I)

2. Zelan hartzen da hurrengo errepikaketarako elementua?

I aldagaiari bat gehituz. (Ez da irakurtzen).

$I := I + 1$

3. Zein da errepikaketak amaitzeko baldintza?

I aztergaia N zenbakia baino handiagoa izatea.

$I > N$

Bitartean ekintza erabiltzen badugu, errepikatzen jarraitzeko baldintza bilatu behar da.

$I \leq N$

4. Zelan hasieratzen da errepikaketa?

I aldagaiari hasierako balioa emanez.

$I := 1$

5. Zer egin behar da errepikaketak amaitzean?

Kasu honetan ezertxo ere ez. Zatigaiak idazteko eskatzen da eta idatzita daude guztiak, I aldagaiak $(N+1)$ balioa dauka ekintza errepikakorra amaitzean eta berori ez da inoiz ere zatigaien artean e-gongo.

Beraz, algoritmoa honako hau da:

Algoritmoa ZATIGAIAK

aldagaiak N (osoa) {zenbakia irakurtzeko}

I (osoa) {letik N -rainoko zenbakiak gordetzeko}

hasiera

 irakur (N)

$I := 1$

 bitartean $I \leq N$ egin

 { I baino txikiagoak diren N -ren zatigaiak idatzita daude.}

 { I zenbakia aztertu:}

 baldin $N \bmod I = 0$ orduan idatz (I)

 {Hurrengo zenbakia lortu:}

$I := I + 1$

 ambitartean

amaia

9. ARIKETA OSAGARRIAK

9.1. Irakur ezazu zenbaki oso bat. Demagun n izan dela. Fibonacci-ren n -garren zenbakia kalkula ezazu. Hona hemen Fibonacci-ren zenbakien definizioa:

$$\text{FIB}(N) = \begin{cases} 1 & \text{baldin } n = 0 \\ 1 & \text{baldin } n = 1 \\ \text{FIB}(N-1) + \text{FIB}(N-2) & \forall n > 1 \end{cases}$$

9.2. Idatz itzazu $a(n) = (2 * (n-1)) \text{ div } 3$ gai generala duen segidaren gaiak, baina 1000 baino txikiagoak direnak besterik ez.

10. ARIKETA_EBATZIA

OBJEKTU-MOTAK ETA EKINTZA BERRIAK

TAULA objektu-mota

Orain arte definitutako objektu-motak zerak dira: osoa, karakterea eta boolearra. Hirurok bakunak dira, hau da, mota horietako aldagai batek balio bakar bat dauka inguruaren egoera bakoitzean.

Orain definituko dugun TAULA objektu-motako aldagai batek, ordea balio bat baino gehiagok osatua dago, aldagai-multzo batek alegia. Bakunak ez diren objektu-motei egituratuak deritze.

TAULA objektu-mota egituratua da. TAULA motako den aldagai bat osatzen duten aldagai guztiak mota berberekoak dira, eta indize batek ordenatuta daude.

TAULA motako aldagai bat deklaratzeko ondoko hiru puntuok definitu behar dira:

- Taularen izena.
- Osagaien kopurua (indizeetarako tartea definituz)
- Osagaien mota.

Adibidez: KALIFIKAZIOAK (10 osagai osotako taula)

DEITURAK (4 osagai karakteretako taula)

Taularen osagai bat identifikatzeko, taularen izena eta osagaiari dagokion indizea idatzi behar dira.

Adibidez:

KALIFIKAZIOAK(6) delakoak KALIFIKAZIOAK taularen seigarren aldagai adierazten du.

DEITURAK(2) delakoak DEITURAK taularen bigarren aldagai adierazten du.

Taulako aldagai bat identifikatzen duen indizea konstante osoa, aldagai osoa edo balio osoa ematen duen adierazpena izan daiteke.

Adibidez:

KALIFIKAZIOAK(I) Taularen edozein osagai izan daiteke I aldagaiaren balioaren arauera.

I aldagaiak une batetan 6 balioa badu KALIFIKAZIOAK(I)-ik taularen 6. osagaia adierazten du.

KALIFIKAZIOAK(2*I-3) berdin; I aldagaiaren balioaren arauera aldagai bat edo beste bat adierazten du.

I aldagaiak une batetan 3 balioa badu KALIFIKAZIOAK(2*I-3) delakoak taularen 3. osagaia adierazten du.

Objektu-motak definitzeko, balio posibleen multzoa eta balioekin posible diren eragiketak definitu behar ziren. Defini dezagun taula objektu mota:

Balio posibleen multzoa osagaien objektu-motarena berbera da, baina taulak aldagai bat baino gehiago daukanez, horrenbeste balio edukiko du.

Eragiketa posibleak, osagaiak erabiliz egin daitezkeenak berberaiek dira. Ez dugu definitzen taula osoa eragigaitzat hartzen duen eragiketarik. Taula osatzen duten aldagaiak beren motako edozein aldagai bezalaxe erabiliko dira.

ENUNTZIATUA

Puntu karaktereaz amaitzen den karaktere-sekuentzia bat emanda, atzetik aurrera idatz ezazu, baina puntua azken tokian utzirik. Puntu aurrean dagoen azken karakterea lehenengoa bezala idatziko da, sekuentziaren azkenaurrekoa bigarrena bezala idatziko da, eta honela jarraituz sekuentziaren lehenengoa idatzi arte. Sekuentziak

ezein kasutan ere ez dauka 100 karaktere baino gehiago.

EBAZPENA

Sekuentzia baten karaktere guztiak tratatu behar direnez, ekin tza errepikakor bat erabili beharko da, errepika edo bitartean. Baina zein izango da karaktere bakoitzerako tratamendua? karakterea idatzi? Ez, horrela eginez gero ordena berean idatziko lirateke se kuentziaren karaktereak eta kasu honetan, alderantziz idatzi behar dira. Taula baten erabilpena oso egokia da problema honetarako, sekuentziaren karaktere guztiak taulako aldagaietan gorde baitaitezke, gero atzekoz aurrera karaktere guztiak idatziko direlarik.

Algoritmorako lehenengo hurbilpena honakoa da:

Algoritmoa ALDERANTZIZ

aldagaiak GORDELEKU (100 osagai karakteretako taula)

KONTA (osoa) {zenbat karaktere gorde diren jakiteko}

hasiera

TEXTUAGORDE

{GORDELEKU taulako aldagaiek textua daukate}

{KONTA aldagaiak gordetako karaktereen kopurua dauka}

IDATZ ALDERANTZIZ

amaia

Algoritmoaren lehenengo pausoa sekuentziaren karaktere guztiak gordetzen dira. Bigarren pausoa, alderantziz idazten dira.

Textua gordetzeko, banan banan irakurriko dira karaktereak eta bakoitza taulako aldagai batetan gordeko da. Bitartean ekintza batez egingo dugu.

KAR aldagaia karaktereak irakurtzeko erabiliko dugu.

I aldagaia, taulako aldagaiak bereizteko erabiliko dugu indize

bezala.

KONTA aldagaia, karaktereak kontatzekoa da, gero idazteko lehena zein den jakiteko balio du.

Ekintza errepikakorrean tratatu behar diren elementuak sekuentziaren karaktereak dira.

Karaktere bakoitzerako tratamendua taulan gordetzean datza, oraindik erabili ez den lehenengo aldagaian. Eta gainera karakterea kontatu.

Hurrengo karakterea hartzeko sekuentziatik irakurri behar dugu.

Errepikaketa amaitzeko baldintza, '.' karakterea irakutzea da.

Orain arte ondoko ekintza daukagu.

bitartean KAR $\neq$ '.' egin

I : = I + 1

GORDELEKU(I) : = KAR

KONTA : = KONTA + 1

irakur (KAR)

ambitartean

Lehenengo karakterea ondo tratatzeko, errepikaketa, hasieratzeko KAR, I eta KONTA aldagaien beren hasierako balioa hartu behar dute. KAR aldagaiak sekuentziaren lehenengo karakterearen irakurketaren bidez. I aldagaiak 0 balioa hartu behar du I : = I + 1 errepikaketan exekutatu ondoren GORDELEKU(I) taularen lehenengo aldagaia bezala ulertua izan dadin, KONTA aldagaiak ere 0 balioa hartuko du karaktere-kontaketaren hasierapenari dagokionez. Ondokoak dira hasieratzeko ekintzak.

irakur (KAR)

I : = 0

KONTA : = 0

Sekuentziak '.' karakterea bakarrik daukaneko kasuan karaktere hori besterik ez da idatziko (errorea sortuko litzateke eta), eta KONTA aldagai kontatzaillea 0 balioarekin gelditzen da nahi zen bezala.

Sekuentziaren azken karakterea, '.' hain zuzen, ez da kontatzen, ezta gordetzen ere, nahi zen bezala exekutatu egiten da. Errepikaketa bukatzean ez da beste ekintzarik exekutatu behar.

Hona hemen TEXTUAGORDE ekintza ez-primitiboa.

ekintza TEXTUAGORDE

Aldagaiak KAR (karakterea) {karaktereak irakurtzeko}

I (osoa) {taularako indizea}

KONTA (osoa) {karaktereak kontatzeko}

hasiera

irakur (KAR)

I := 0

KONTA := 0

bitartean KAR ≠ '.'

egin {KAR aztertzeko karakterea}

{I azken erabilitako aldagaiaren indizea}

{KONTA gordetako karaktereen kopurua}

I := I + 1

GORDELEKU(I) := KAR;

KONTA := KONTA + 1

irakur (KAR)

amaitartean

amaia

Textua alderantziz idazteko, beste ekintza errepikakor bat erabiliko da, tratatzeko elementuak GORDELEKU taularen aldagaiak izango direlarik. Tratamendua balioa idaztekoa da. Hurrengo aldagaia eskura

tzeko, indizea aldatu behar da; textua alderantziz idatzi gura denez indizearen balioari bat kendu eta kitto.

Amaitzeko baldintza GORDELEKU1 aldagaiaren balioa idatzita edukitzea da, beraz, idatzi ondoren I-ren balioari bat kentzen zaienez I indize-aldagaiak 0 balioa ez badauka errepikatzen jarraitu behar da.

Hasieratzeko, I indize-aldagaiari idazteko lehenengo aldagaiaren indizea eman behar zaio. Kasu honetan KONTA aldagaiaren balioa, bertan kontatu ditugu karaktereak eta.

Errepikaketa amaitzeko ez dago ekintza berezirik, eta azken karakterea ondo idazten denekoaz ere segurtatzen gara.

ekintza IDATZALDERANTZIZ

aldagaiak I (osoa)

hasiera I: = KONTA

bitartean I >= 1

egin {I: Idaztekoa den aldagaiaren indizea}

idatz (GORDELEKU(I))

I: = I - 1

ambitartean

amaia

ALDERANTZIZ algoritmoan, algoritmo orokorrean, TEXTUAGORDE eta IDATZALDERANTZIZ ekintzen ordeztu beren deskribapenak jartzen badiugu ondoko algoritmoa lortuko dugu:

Algoritmoa ALDERANTZIZ

aldagaiak GORDELEKU (100 osagai karakteretako taula)

KONTA (osoa) {zenbat karaktere gorde diren jakiteko}

KAR (karakterea) {sekuentziaren karaktereak irakurtzeko}

I (osoa) {taularako indizea}

hasiera

irakur (KAR);

I: = 0;

KONTA: = 0;

bitartean KAR ≠ '.'

egin { KAR: aztertzeke karakterea }

{I: azken erabilitako aldagaiaren indizea }

{KONTA: gordetako karaktereen kopurua }

I: = I + 1;

GORDELEKU(I) : = KAR;

KONTA: = KONTA + 1

irakur (KAR)

ambitartean

I: = KONTA

bitartean I >= 1

egin {I: Idaztekoa den aldagaiaren indizea }

idatz (GORDELEKU(I))

I: = I - 1

ambitartean

amaia

Konta eta I aldagaien erabilpenak aztertuz gero, beren baliokidetasunaz kontura gaitezke. Bietako bat bakarra erabiliko dugu, beraz. KONTA aldagaiaren helburua gordetako karaktereen kopurua jasotzea zen, baina balio hori I aldagaiaz ere lor daiteke, balio berdinak dauzkate eta. Beraz, sinplifikazioa egin daiteke ALDERANTZIZ

algoritmoan, ondoko moduan gelditzen delarik:

Algoritmoa ALDERANTZIZ

aldagaiak GORDELEKU (100 osagai karakteretako taula)

KAR (karakterea) {sekuentziaren karaktereak irakurtzeko}

I (osoa) {taularako indizea eta karaktere-kontadorea}

hasiera

irakur (KAR)

I: = 0

bitartean KAR $\neq$ '.'

egin {Kar: aztertzeke karakterea}

{I; azken erabilitako aldagaiaren indizea}

I: = I + 1

GORDELEKU(I) : = KAR;

KONTA: = KONTA + 1

irakur (KAR)

ambitartean

{I aldagaiak irakurritako karaktereen kopurua du}

bitartean I $\geq$ 1

egin { I: Idaztekoa den aldagaiaren indizea}

idatz (GORDELEKUA(I))

I: = I - 1

ambitartean

amaia

10. ARIKETA OSAGARRIAK

- 10.1. Taula datu-mota erabili gabe, asma ezazu 10. ariketa ebatzirako beste ebazpen bat.
- 10.2. Zenbaki osozko taula batetan balio txikiena bila ezazu.
- 10.3. Karaktere-sekuentzia bat digitoz osatuta dago ('0'tik, '9'rainoko karakterez) eta puntu karaktereaz amaitzen da. Digito-sekuentziak adierazten duen zenbaki osoa idatz ezazu, baina zenbaki oso bezala. Bi ebazpen asma:
- a) Taula datu-motaz baliatuz.
 - b) Taularik erabili gabe.
- 10.4. 100 balio oso daukan DATOS izeneko taula ezagututa kalkula itzazu ondoko emaitzak:
- 1) Zenbat dira 27 baino txikiagoak.
 - 2) 100 balioen batezbesteko aritmetikoa.
- 10.5. Puntu karaktereaz amaitzen den karaktere-sekuentzia bat ea kapikua den azter ezazu. (Kapikua baldin bada berdin irakur tzen da , aurreraka zein atzeraka).

11. ARIKETA EBATZIA

ENUNTZIATUA

Puntu karaktereaz amaitzen den karaktere-sekuentzia batetan le-
trez eta zuriguneez aparte beste karaktererik ez dago. Idatz eza-
zu sekuentzia hori, baina ondoan azaltzen den kodearen arauera,

'A' letrak 'D' bezala idatziko dira

'B' letrak 'E' bezala idatziko dira

'C' letrak 'F' bezala idatziko dira

· ·
· ·
· ·

'Z' letrak 'C' bezala idatziko dira

Zuriguneak ez dira aldatuko.

EBAZPENA

Algoritmoaren eraikipenaren zailtasuna zatitzeko, demagun le-
henengo hurbilketa batetan KODETU ekintza ez-primitiboa daukagula.
Ekintza beronek KARKODE aldagaian jarriko du KAR aldagaiaren bali-
oari dagokion kodea.

KODETU ekintza edukiz gero, karaktere-sekuentziaren kodeketa
erreza da. Bitartean ekintza errepikakor baten bidez sekuentziaren
karaktere guztiak tratatuko dira, non karaktere bakoitzerako tra-
tamendua bere kodearen idazketa izango baita. Puntua ez da kodetzen
baina idatzi egin behar da.

Ondokoa da algoritmoa:

Algoritmoa KODESEKU

aldagaiak KAR (karakterea) { Sekuentziatik irakurtzekoa }
KARKODE (karakterea) {Karaktere kodetua gordetzekoa}

hasiera

irakur (KAR)

bitartean KAR $\neq$ '.' *egin*

KODETU { KARKODE aldagaiak KAR karaktereari dago
kion karakterea hartu du }

idatz (KARKODE)

irakur (KAR)

ambitartean

idatz ('.')

amaia

Orain KODETU ekintza ez-primitiboa deskribatu behar da beste al-
goritmo baten bidez, noski. Hiru bertsio aurkeztuko dugu. Lehenen-
goan bi taula erabiliko dira, bata alfabetoko karaktereak gordetze-
ko eta bestea karaktereei dagozkien kodeetarako. Bigarren eta hiru-
garren bertsioetan taula bakar bat erabiliko da kodetzeko arauak
zerikusi handia baitu ordena alfabetikoarekin, hain zuzen, taulan
hiru leku atzerago dagoen karakterea da karaktere bakoitzari dago-
kion kodea.

LEHENENGO BERTSIOA

Lehenengo bertsioko taula batetan zurigunea eta letra guztiak
gordetzen dira lehenengo taulako karaktereei dagozkien karaktereak.

Hots, lehenengo taulako I aldagaian dagoen karaktereari dagoki-
on kodea, bigarren taulako I aldagaian dagoen karakterea da.

Ondoko irudian ikusten dira bi taulok:

ambitartean

{ 2.- I-ren balioaren erabilpena KARKODE kalkulatzeko }

KARKODE: = KODEA (I)

amaia

ALFABETO eta KODEA taulei balioa emateko, adierazpen laburtua erabili dugu. Ondokoa da edintza-multzo baliokidea

ALFABETO: = 'ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ'

ALFABETO (1) : = ' '

ALFABETO (2) : = 'A'

ALFABETO (3) : = 'B'

.
:
.

ALFABETO (26) : = 'Y'

ALFABETO (27) : = 'Z'

KODETU ekintza ezprimitiboa algoritmoan bere izenaren ordeztasun badugu, honako hau litzateke algoritmo osoa:

Algoritmoa KODESEKU1

aldagaiak KAR (karakterea) { Sekuentziatik irakurtzekoa }

KARKODE (karakterea) { Karaktere kodetua gordetzeko }

ALFABETO (27 karakteretako taula)

{ letrak eta zurigunea edukitzeko }

KODEA (27 karakteretako taula)

{ ALFABETO-ko karaktereetarako kodeak }

I (osoa) { ALFABETO eta KODEA tauletarako indizea }

hasiera

ALFABETO: = 'ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ';

KODEA: = 'DEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZABC';


```
irakur (KAR);  
bitartean KAR ≠ '.' egin  
{ KAR karakterea bilatu ALFABETO taulan }  
I: = 1  
bitartean KAR ≠ ALFABETO(I) egin  
I: = I + 1  
ambitartean  
{ I-ren balioaren erabilpena KARKODE kalkulatzeko }  
KARKODE: = KODEA(I)  
idatz (KARKODE)  
irakur (KAR)  
ambitartean  
idatz ('.')
```

amaita

ALFABETO taularen karaktereek ez dute ordena alfabetikoz egon behar. Beraz, bilaketarako denborak txikitu gura badira ALFABETO-ko lehenengo aldagaietan karaktere arruntenak, gehien agertzen direnak, gordeko dira. Baina, kontuz, kasu horretan, KODEA taula ere aldatu beharko da.

Bigarren bertsioa

Bigarren bertsioan taula bakar bat erabiltzen da, kodetzeko araua ordena alfabetikoarekin zerikusi handia duela aprobetxatuz. Taulako aldagaietan letrak ordena alfabetikoan ezartzen baditugu, letra baten kodea aurkitzeko, lehenengoz taulan bilatu behar dugu letra, eta dagokion kodea hiru aldagai atzerago dagoen letra izango da. Azkeneko hiru letretarako kodeak, taulako lehenengo hiru letra artean aurkituko dira. Zurigunerako kodea zurigunea bera da

eta beste modu batetara kalkulatu behar da, oraingoan zurigunea ez baita egongo taulan.

Hona hemen KODETU ekintzarako bigarren bertsioa:

ekintza KODETU

aldagaiak ALFABETO (26 karakteretako taula)

P (osoa) { taulan bilatzeko indizea }

Q (osoa) { bilatu nahi den kodearen taulako indizea }

hasiera

ALFABETO: = 'ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ'

baldin KAR = ' ' orduan KARKODE: = ' '

bestela

hasiera

{ KAR karakterearen bilaketa }

P := 1

bitartean KAR ≠ ALFABETO(P) *egin*

P := P + 1

ambitartean

{ KAR = ALFABETO(P) }

{ kodearen kalkulaketa, P erabiliz }

baldin P ≥ 23 orduan Q := P - 23

bestela Q := P + 3

KARKODE: = ALFABETO(Q)

amaia

amaia { KODETU }

KODETU ekintza ezprimitiborako bigarren bertsio hau KODESEKU algoritmoan idazten badugu, honako hau litzateke algoritmo osoa:

Algoritmoa KODESEKU2

aldagaiak KAR(karakterea) {sekuentziatik irakurtzekoa}
 KARKODE (karakterea) {Karaktere kodetua gordetzekoa}
 ALFABETO (26 karakteretako taula)
 {letrak edukitzekoa}
 P (osoa) {taulan bilatzeko indizea}
 Q (osoa) {bilatu nahi den kodearen taulako indizea}

hasiera

ALFABETO: = 'ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ'

irakur (KAR)

bitartean KAR $\neq$ '.'egin

baldin KAR = ' ' orduan KARKODE = ' '

bestela

hasiera

 {KAR karakterearen bilaketa}

 P: = 1

bitartean KAR $\neq$ ALFABETO(P)egin

 P: = P + 1

ambitartean

 {KAR = ALFABETO(P) }

 {Kodearen kalkulaketa, P era
 biliz }

baldin P 23 orduan Q:=P - 23

bestela Q:= P + 3

 KARKODE: = ALFABETO(Q)

amaita

idatz (KARKODE)

irakur (KAR)

ambitartean

idatz ('.')

amaia

Hirugarren bertsioa

Bigarren bertsioko taulari A, B eta C karaktereak eransten baidizkiogu, azkeneko hiru karaktereen kodeak bilatzeko, beste karaktere guztienak kalkulatzaren diren bezala kalkula daitezke. Kasu honetan azken hiru karaktereen kodea taulan hiru leku atzerago aurkituko da.

Ondokoa da algoritmoa:

ekintza KODETU

aldagaiak ALFABETO (29 karakteretako taula)

P (osoa) {KAR karakterea taulan bilatzeko indizea}

Q (osoa) {bilatu nahi den karaktererako taulako
 indizea}

hasiera

ALFABETO: = 'ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ'

baldin KAR = ' ' orduan KARKODE: = ' '

bestela

hasiera

{KAR karakterearen bilaketa}

P: = 1

bitartean KAR ≠ ALFABETO(P) egin

P:= P+1

ambitartean

{ KAR = ALFABETO(P) }

{Kodearen kalkulaketa,

P erabiliz }

Q: = P + 3

KARKODE: = ALFABETO(Q)

amaia

amaia

KODETU ekintza ezprimitiborako hirugarren bertsioa KODESEKU
algoritmoan idatziz honako algoritmo hau lortzen dugu:

Algoritmoa KODESEKU3

aldagaiak KAR (karaktereà) {sekuentziatik irakurtzekoa}

KARKODE (karaktereà) {karaktere kodetua gordetzekoa}

ALFABETO (29 karakteretako taula)

{letrak eduketzekoa }

P (osoa) {taulan bilatzeko indizea}

Q (osoa) {bilatu nahi den kodearen taulako indizea}

hasiera

ALFABETO: ='ABCDEFGHIJKLMNPOQRSTUVWXYZ'

irakur (KAR)

bitartean KAR <> '.' egin

baldin KAR = ' ' orduan KARKODE := ' '

bestela

hasiera

{KAR karakterearen bilaketa}

P: = 1

bitartean KAR <> ALFABETO(P) egin

P := P + 1

ambitartean

{ KAR = ALFABETO(P) }

{ Kodearen kalkulaketa, P

P erabiliz }

Q := P + 3

KARKODE : = ALFABETO(Q)

amaia

idatz (KARKODE)

irakur (KAR)

ambitartean

idatz ('.')

amaia

11.- ARIKETA OSAGARRIAK

11.1. Berrartu 11. ariketa, baina edozein kodetarako balio dezan, hots, kodea adierazteko ez da arau errazik egongo.

Esaterako: ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ'

JCEWZALBCQNMVUDYTSOLHGFIKP

eta zurigunea ez da aldatzen.

11.2. Berrartu 11. ariketa, baina ondoko aldaketekin:

a) Zifrarik ere egon daiteke karaktere-sekuentzian, baina zifrak ez dira aldatuko.

b) Sekuentzian edozein karaktere ager daiteke, baina letrak soilki kodetzen dira, beste karaktere guztiak berdin idazten dira.

11.3. Karaktere-sekuentzia batek letrak, zuriguneak eta azken puntua dauzka. Konta ezazu zenbat aldiz agertzen den letra bakoitza.

11.4. Puntuaz amaitzen den karaktere-sekuentzia batetan konta eza zu zenbat aldiz agertzen diren sekuentzian dauden karaktere ak.

Sekuentzian ez dauden karaktereak ez dira kontatuko.

11.5. Zeroaz amaitzen den zenbaki osozko sekuentzia bat emanik, konta ezazu zenbat amaitzen diren zifra bakoitzarekin, hau da zenbat amaitzen diren zeroaz, zenbat amaitzen diren bataz... zenbat amaitzen diren bederatziaz.

12. ARIKETA EBATZIA

ENUNTZIATUA

Puntu karaktereaz amaitzen den karaktere-sekuentzia bat emanda, konta ezazu zenbat aldiz agertzen den lehenengo hitza. Sekuentzian letrak eta zuriguneak besterik ez dago.

Oharrak:

- Lehenengo hitzaren lehenengo letra, baldin badago, sekuentziaren lehenengo karakterea izan daiteke edo zurigune batzuren atzean ere, etor daiteke.

- Azken hitzaren azken karaktereak, baldin badago, zuriguneak eduki ditzake atzean edo puntua bakarrik.

- Hitzak banatzeko zurigune bat edo gehiago egon daiteke'

EBAZPENA

Enuntziatu honetarako algoritmoa asmatzeko, beheranzko eraikuntza izeneko metodologia erabiliko dugu.

Problema batetan erabili behar diren datuak asko edo anizkunak (egituratuak) badira, edo deskribatu behar diren tratamenduak zailak badira, egokia izaten da beheranzko eraikuntza deritzon metodologiak baliatzea.

Datuekiko edo tratamenduekiko zailtasun handia dagoenean aztergai asko eduki behar da kontutan, eta gainera guztiak batera, hutsak egiteko arriskua handia delarik. Beheranzko eraikuntzak pausoka edo zatika lortu gura du algoritmoa, problematik azpiproblema batzu atereaz.

Problemaren zati zailak, ondo definitzen dira azpiproblemak bezala, eta problema nagusirako algoritmo osoa eraikita dagoenean, orduan ebatziko dira azpiproblemak. Problema gehiago izango dira,

baina berauen ebazpenak errazagoak izango dira, eta gainera, azpi problemak ondo definituta badaude azpiproblema bakoitzaren ebazpena beste azpiproblemen ebazpena kontutan hartu gabe eraiki daiteke. Laburtuz, problema bakar bat ebazteko problema asko sortzen dugu, baina problema berriak errazagoak dira problema iturria baino.

Algoritmoaren definizioa ondokoa da: Inguruaren hasierako egoeratik (datuen egoeratik), inguruaren azkeneko egoerara (emaitzak kalkulatuta daudeneko egoera) igarotzearen deskribapena.

Hau da, problema bat ebatziko duen algoritmo bat definitzeko ondo definitu behar dira hasierako eta azkeneko egoerak. Bi egoera horien artean dauden bitarteko egoerak definitzean datza behe-ranzko eraikuntza. Azpiproblema bakoitza bitarteko egoera batetik hurrengora daraman igaroketa bezala definituko da.

Igaroketa honen deskribapena ekintza ezprimitibo bezala definituko dugu.

Hasierako problemaren zailtasun handiaren ordeztu, bere azpiproblemen zailtasun txikiagoak izango ditugu. Hori dela eta, metodologia honek behe-ranzko eraikuntza izena hartu zuen.

Oraingo enuntziatuko sekuentziaren lehenengo hitza zenbat al-
diz agertzen den kontatzeko, azaldutako problema bi azpiproble-
matan bana daiteke.

1- Lehenengo hitza gorde (baldin badago)

2- Lehenengo hitzari jarraitzen zaion sekuentzia-zatia tratatu.

Algoritmoa LEHENHITZA

aldagaiak KAR(karakterea) { Sekuentziako karaktereak irakur-
tzeko }

LEHENKONTA (osoa) { Lehenengo hitzaren agerpenak kon-
tatzeko }

LEHENA (20 karakteretako taula) { Lehenengo hitza
gordetzeko }

LUZERA (osoa)

hasiera

irakur (KAR)

{ letra bat, zurigunea edo puntua dauka KAR
aldagaiak }

ZURIGUNEAK-JAUZI

{ KAR aldagaiak letra bat edo puntua dauka }

baldin KAR = '.' orduan idatz ('ez dago hitz bat ere')

bestela

hasiera { KAR aldagaiak lehenengo hitzaren
lehenengo letra dauka }

LEHEN-HITZA-GORDE

{ KAR aldagaiak lehenengo hitzari
jarraitzen dion zurigunea edo pun-
tua dauka }

{ LEHENA eta LUZERA-k lehenengo hi-
tza adierazten dute }

LEHENA-KONTATU

{ LEHENKONTA, lehen hitzaren ager-
pen-kopurua dauka lehenengo hitza
kontatu barik }
{ KAR aldagaiak azkeneko puntua dauka }

idatz (LEHENKONTA + 1)

amaia { bestelakoa }

amaia { LEHENHITZA }

Non ondo definitu behar baititugu erabili diren ekintza ezpri-
mitiboak (azpiproblemak). Hona hemen definizioak:

ZURIGUNEAK-JAUZI ekintza

Karaktereak irakurtzen dira KAR aldagaiak zurigunea ez daukan
arte.

Hasierako egoera: KAR aldagaiak zurigunea, letra bat edo pun-
tua dauka.

Azkeneko egoera: KAR aldagaiak letra bat edo puntua dauka.

LEHEN-HITZA-GORDE ekintza

Hartu letrak sekuentziatik zurigunea edo puntua ageri arte eta
gorde karaktereak LEHENA taulan. Asignatu LUZERA aldagaiari gorde-
tako karaktereen kopurua.

Hasierako egoera: KAR aldagaiak lehen hitzaren lehen letra dau-
ka edo puntua.

Azkeneko egoera: KAR aldagaiak lehen hitzari amaia ematen dion
puntua edo zurigunea dauka.

LEHENA taulak lehen hitza dauka.

LUZERA zenbat karaktere gorde diren LEHEN tau-
lan.

LEHENA-KONTATU ekintza

Ekintza honek kontatzen du lehen hitza zenbat aldiz agertzen
den, sekuentziatik lehenengo hitza kenduz gelditzen den sekuen-

tzia-zatian.

Hasierako egoera: KAR aldagaiak lehen hitzari amaia ematen dion
puntua edo zurigunea dauka.

LEHEN eta LUZERA aldagaiek lehen hitza adie-
razten dute.

Azkeneko egoera: LEHENKONTA lehen hitzaren agerpen kopurua dau-
ka lehenengo hiza bera kontatu barik

Orain banan banan hartu eta ebatziko ditugu hiru azpi-proble-
mak.

ZURIGUNEAK-JAUZI ekintza

Ekintza errepikakor bat erabiliko da, bitartean adibidez, eta
zuriguneak irakurriko dira, bestelako bat aurkitu arte.

Hona hemen ekintzaren definizioa.

ekintza ZURIGUNEAK-JAUZI

hasierak {KAR aldagaiak zurigunea, letra bat edo puntua dau-
ka}

bitartean KAR = ' ' *egin*

irakur (KAR)

ambitartean

amaia {KAR aldagaiak letra bat edo puntua dauka }

LEHEN-HITZA-GORDE ekintza

KAR aldagaiak lehen hitzaren lehen karakterea daukalarik, sekuen-
tziako karaktereak banaka gorde eta irakurriko dira, harik eta hi-
tzari amaia emango dion zurigunea edo puntua irakurri arte. Taula
erabiltzeko, I indizearen balioaz lortuko dugu gordetako karakte-
reen kopurua.

Hona hemen ekintzaren deskripzioa:

ekintza LEHEN-HITZA-GORDE

hasiera { KAR-ek lehenengo karakterea dauka }

I: = 1

bitartean (KAR ≠ ' ') eta (KAR ≠ '.') egin.

LEHENA (I): = KAR

I: = I + 1

irakur (KAR)

ambitartean { I aldagaiak gordetako karaktereen ko-
puruagehi bat dauka }

LUZERA: = I - 1

{ KAR aldagaiak lehen hitzari amaia ematen dion zu
rigunea edo puntua dauka }

{ LEHENA eta LUZERAK lehen hitza adierazten dute }

amaia

LEHENA-KONTATU ekintza

Sekuentsiatik lehen hitza kenduta, berori zenbat aldiz agertzen den kontatu behar du ekintza honek. Ekintza honek zaila ematen duenez, beheranzko eraikuntza izeneko metodologia erabiliko dugu. Sekuentsia hitzez hitz hartu eta tratatu gura dugu.

Beraz, ekintza batek hitz oso bat hartuko du (karaktereak taula batetan gordez eta gordetako karaktereen kopurua aldagai bati asig natuz). Beste ekintza batek lehen hitza eta azken irakurritako hi tza konparatuko ditu, eta berdinak izanez gero kontatu egin behar ko du.

Hona hemen algoritmoa:

ekintza LEHENA-KONTATU

aldagaiak HITZA(20 karakteretako taula) { hitzak gordetzeko
taula }

HITZLUZERA(osea) {hitzen karaktere-kopurua}
BERDINAK (boolearra) {konparaketaren emaitza}

hasiera

{KAR aldagaiak lehen hitzari amaia eman dion zurigunea edo puntua dauka}

ZURIGUNEAK-JAUZI

{KAR aldagaiak letra bat edo puntua dauka}

LEHENKONTA: = LEHENKONTA + 1

bitartean KAR ≠ '.' *egin* {LEHENKONTA aldagaiak lehen hitzetik oraingo karaktererainoko lehen hitzaren agerpenak dauzka}
{KAR-ek hurrengo hitzaren lehen karakterea dauka}

HITZA-GORDE

{HITZA eta HITZLUZERA aldagaiek irakurritako hitza adierazten dute}

{KAR aldagaiak hitzari amaia eman dion zurigunea edo puntua dauka}

KONPARATU

{BERDINAK = *egiazkoa*, baldin bi hitzak berdinak badira}

{BERDINAK = *faltsua*, bestelakoetan}

baldin BERDINAK *orduan* LEHENKONTA: = LEHENKONTA + 1

{KAR = ' ' edo KAR = '.'}

ZURIGUNEAK-JAUZI

{KAR = '.' edo hurrengo hitzaren lehen karakterea}

ambitartean

amaia

LEHENA KONTATU azpiproblema (ekintza ezprimitiboa) definitzeko, beste azpiproblemak erabili dira. Azpiproblema berri beroriek bigarren mailakoak dira. Azkeneko hauek ere ondo definitzeko, aldagai-ingururako bitarteko egoerak definitu behar dira eta azpiproblema bakoitzaren betebeharra ere bai. Hona hemen definizioak:

ZURIGUNEAK-JAUZI ekintza

Lehen definitu den ekintza bera da.

HITZA-GORDE ekintza

Irakurri letrak sekuentziatik zurigunea edo puntua ageri arte eta gorde karaktereak HITZA taulan. Asignatu LUZERA aldagaiari gorde detako karaktereen kopurua.

Hasierako egoera: KAR aldagaiak lehen hitzaren lehen letra dauka edo puntua.

Azkeneko egoera: KAR aldagaiak hartutako hitzari amaia ematen dion puntua edo zurigunea dauka.

HITZA taulak irakurritako hitza dauka.

HITZLUZERA aldagai osoak dauka zenbat karaktere gorde diren HITZA taulan.

Izan ere, LEHEN-HITZA-GORDE ekintza bezalakoa baita, baina LEHENA taula erabili beharrean, HITZA taula, eta LUZERA aldagaiaren ordez HITZLUZERA aldagaia.

KONPARATU ekintza

LEHENA taulak eta LUZERA aldagai osoak adierazten duten hitza konpara ezazu HITZA taulak eta HITZLUZERA aldagai osoak adierazten dutenarekin. BERDINAK aldagai boolearrari asigna lezaiozu egiazkoa balioa hitz biak berdinak badira eta faltsua bestela.

Hasierako egoera: LEHENA-k eta LUZERA-k lehen hitza adierazten dute

HITZA-k eta HITZLUZERA-k irakurritako hitza adierazten dute.

BERDINAK-ek edozein balio du (*egiazkoa*) edo *faltsua* .

Azkeneko egoera: BERDINAK = *egiazkoa*, bi hitzak berdinak badira.

BERDINAK = *faltsua*, bestela.

Azken bi azpiproblemen eraikipena ondokoa da:

HITZA GORDE ekintza

Aurretik esan bezala, LEHEN-HITZA-GORDE ekintza bezalakoa da, baina LEHENA taula HITZA taulaz eta LUZERA aldagaia HITZLUZERA aldagaiaz tratatu direlarik.

ekintza HITZA-GORDE

hasiera { KAR-ek lehenengo karakterea dauka }

I: = 1

bitartean (KAR ≠ '.') eta (KAR ≠ ' ') egin

HITZA(I) : = KAR

I: = I + 1

irakur (KAR)

ambitartean { I aldagaiak gordetako karaktereen kopurua gehi bat dauka }

LUZERA: = I - 1

{ KAR aldagaiak hitzari amaia ematen dion zurigunea edo puntua dauka }

{ HITZA eta HITZLUZERA-k gordetako hitza adierazten dute }

amaia

KONPARATU ekintza

Konparaketa ahalik lasterren amaitzeko, karaktereak banaka konparatzen hasi aurretik, ea bi hitzen karaktere-kopurua berbera den aztertuko da. Hitz bat bestea baino luzeago baldin bada, inola ere ez dira berdinak izango.

Karaktere-kopuruak berdinak badira, banaka konparatu behar dira karaktereak. Horretarako, 'bitartean' ekintza errepikakorra erabiliko da. Taularen indizea gehituko da banaka, 1-etik hasita, bi letra diferente aurkitu arte edo azken karaktereetaraino iritsi arte.

Azken bi letren konparaketa ez da egiten 'bitartean' ekintzaren baldintzaren bidez, baldin ekintzaren bidez baizik. Honela eginez piskat arintsuagoa da algoritmoa eta gainera taularen erabilpen egokiaz segurtatzen gara. Hain zuzen, azken bi letren konparaketa bitartean ekintzaren baldintza bezala egiten bada, I taularen indizeak hurrengo balioa hartzen du, eta beharbada orduan taulek du ten indizerako goiko muga gainezkatzen da, honelakoetan bitartean ekintzaren baldintza berriro ebaluatzerakoan existitzen ez diren bi aldagai aipatzen dira, errorea gertatzen delarik.

ekintza KONPARATU

hasiera

baldin LUZERA $\neq$ HITZLUZERA orduan BERDINAK: = faltsua

bestela

hasiera

I: = 1

bitartean (I < LUZERA) eta (LEHENA (I)=HITZA (I))

egin

I: = I + 1

ambitartean

baldin LEHENA (I) = HITZA (I) orduan

BERDINAK: = egiazkoa

bestela BERDINAK := *faltsua*

amaia bestela

amaia KONPATATU

Oharra: Ikus ondoko bi ekintzen baliokidetasuna

1.- baldin LEHENA(I) = HITZA(I) orduan BERDINAK := egiazkoa
bestela BERDINAK := faltsua

2.-BERDINAK := LEHENA(I) = HITZA(I)

Pauso asko eman ondoren lehenengo hitza zenbat aldiz dagoen kontatzeko problemarako algoritmo bat asmatu dugu. Bitarteko egoerak eta azpiproblema sortu ditugu, eta beraien erabilpenez baliatu gara.

Orain bi aukera daukagu azken algoritmoa aurkezteko.

1.- Algoritmoaren eta ekintzen definizioak (elkarren) segidan idatzi.

2.- Algoritmoa eta ekintzak bildu, ekintza ezprimitiboetarako deien orde z dagozkien ekintza-segidak ipiniz. Aldagaien ezagupe nak (edo deklarazioak) ere bil daitezke.

Ondoren, bi aukerak jarraituz lortzen diren algoritmoak aurkez ten dira. Algoritmoaren eta ekintzen definizioak elkarren segidan idatziz lortzen den algoritmo osoa hau xe da:

Algoritmoa LEHENHITZA1

aldagaiak

KAR (karakterea) sekuentziako karaktereak irakurtzeko

LEHENKONTA (osoa) lehenengo hitzaren agerpenak kontatzeko

LEHENA (20 karakteretako taula) lehenengo hitza gordetzeko

LUZERA (osoa)

hasiera

irakur (KAR)

{ letra bat, zurigunea edo puntua dauka KAR aldagaiak }

ZURIGUNEAK-JAUZI

{ KAR aldagaiak letra bat edo puntua dauka }

baldin KAR = '.' orduan idatz ('ez dago hitz bat ere')

bestela

hasiera { KAR aldagaiak lehenengo hitzaren lehenengo letra dauka }

LEHEN-HITZA-GORDE

{ KAR aldagaiak lehenengo hitzari jarraitzen dion zurigunea edo puntua dauka }

{ LEHENA eta LUZERA: lehenengo hitza adierazten dute }

LEHENA-KONTATU

{ LEHENKONTA: lehen hitzaren agerpen-kopurua dauka lehenengo hitza kontatu barik }

{ KAR aldagaiak azkeneko puntua dauka }

idatz (LEHENKONTA + 1)

amaia { *bestela* }

amaia { LEHENHITZAI }

ekintza ZURIGUNEAK-JAUZI

hasiera { KAR aldagaiak letra bat, zurigunea edo puntua dauka }

bitartean KAR = ' ' *egin*

irakur (KAR)

ambitartean

{ KAR aldagaiak letra bat edo puntua dauka }

amaia { ZURIGUNEAK-JAUZI }

ekintza LEHEN-HITZA-GORDE

hasiera { KAR: lehenengo karakterea dauka }

$$I := 1$$

bitartean (KAR $\neq$ ' ') eta (KAR $\neq$ ' . ') *egin*

LEHENA (I) : = KAR

$$I := I + 1$$

irakur (KAR)

ambitartean {I aldagaiak gordetako karaktereen kopu
rua gehi bat dauka }

LUZERA: = I - 1

{KAR aldagaiak: lehen hitzari amaia ematen dion
zurigunea edo puntua.}

{LEHENA eta LUZERA: lehen hitza adierazten dute}

amaia { LEHEN-HITZA-GORDE }

ekintza LEHENA-KONTATU

aldagaiak

HITZA (20 karakteretako taula) { hitzak gordetzeko taula }

HITZLUZERA (osoa) {hitzen karaktere-kopurua}

BERDINAK (boolearra) {konparaketaren emaitza}

hasiera {KAR aldagaiak lehen hitzari amaia eman dion zurigunea
edo puntua dauka}

ZURIGUNEAK-JAUZI

{KAR aldagaiak letra bat edo puntua dauka}

LEHENKONTA: = LEHENKONTA + 1

bitartean KAR ≠ '.' egin { LEHENKONTA aldagaiak lehen.

hitzetik oraingo karaktere

rainoko lehen hitzaren ager

penak dauzka. }

{KAR: hurrengo hitzaren lehen
karakterea}

HITZA-GORDE

```
{HITZA eta HITZLUZERA aldagalek irakurri  
tako hitza adierazten dute}  
{KAR aldagaiak hitzari amaia eman dion  
zurigunea edo puntua dauka}
```

KONPARATU

```
{BERDINAK = egiazkoa, baldin bi hitzak  
berdinak badira}  
{BERDINAK = faltsua, berdina ez badira}  
baldin BERDINAK orduan  
LEHENKONTA: = LEHENKONTA + 1  
{KAR = ' ' edo KAR = '.'}  
ZURIGUNEAK-JAUZI
```

ambitartean

amaia

ekintza HITZA-GORDE

hasiera {KAR-ek lehenengo karakterea dauka}

I: = 1

bitartean (KAR ≠ '.') eta (KAR ≠ ' ') egin

HITZA(I) : = KAR

I: = I + 1

irakur (KAR)

ambitartean {I aldagaiak gordetako karaktereen ko-
purua gehi bat dauka}

LUZERA: = I - 1

{KAR aldagaiak hitzari amaia ematen dion zurigunea
edo puntua dauka}

{HITZA eta HITZLUZERA: gordetako hitza adierazten
dute }

amaia

ekintza KONPARATU

hasiera

baldin LUZERA $\neq$ HITZLUZERA orduan BERDINAK: =*faltsua*

bestela

hasiera

I: = 1

bitartean (I < LUZERA) eta (LEHENA(I) = (HITZA(I))

egin

I: = I + 1

ambitartean

baldin LEHENA (I) = HITZA orduan

BERDINAK: = *egiazkoak*

bestela

BERDINAK: = *faltsua*

amaia {bestela }

amaia

Algoritmo nagusiaren eta ekintzen definizioak biltzen badira, ekintza ezprimitiboetarako deien ordezt dagozkien ekintza-segidak ipiniz, ondoko algoritmo orokorra lortzen da:

Algoritmoa eta ekintzen definizioa bilduta, ekintza ezprimiti boetarako deien ordezt dagozkien ekintza-segidak ipiniz hain zuzen ere. Algoritmo hauxe lortzen da:

Algoritmoa LEHENHITZA2

aldagaiak KAR (karakterea) {sekuentziako karaktereak irakurtzeko}
LEHENKONTA (osoa) {lehen hitzaren agerpenak kontatzeko}
LEHENA (20 karakteretako taula) {lehen hitza gordetzeko}
LUZERA (osoa) {lehen hitzaren karaktere-kopurua}
HITZA (20 karakteretako taula) {beste hitzak gordetzeko}
HITZLUZERA (osoa) {HITZA: taulan gordetako karaktere-kopurua}
I (osoa) {taulak erabiltzeko aldagai indizea}

hasiera

irakur (KAR)

{KAR aldagaiak letra bat zurigunea edo puntua dauka}
bitartean KAR $\neq$ ' ' *egin* irakur (KAR) *amibitartean*

{KAR aldagaiak letra bat edo puntua dauka}
baldin KAR = '.' *orduan* idatz ('ez dago bat ere')

bestela

hasiera {KAR aldagaiak lehenengo hitzaren lehenengo letra dauka}

I := 1

bitartean (KAR $\neq$ ' ') *eta* (KAR $\neq$ '.') *egin*

LEHENA(I) := KAR

```
I: = I + 1
irakur (KAR)
ambitartean
LUZERA: = I - 1
{LEHENA eta LUZERA aldagaiek lehen hitza
 adierazten dute}
bitartean (KAR ≠ ' ')egin irakur (KAR) ambitartean
LEHENKONTA: = 0
bitartean KAR ≠ '.' egin
I: = 1
bitartean (KAR ≠ ' ') eta (KAR ≠ '.') egin
HITZA(I) : = KAR
I: = I + 1
irakur (KAR)
ambitartean
HITZLUZERA: = I - 1
baldin LUZERA = HITZLUZERA orduan
BERDINAK: = faltsua
bestela
I: = 1
bitartean (I ≤ LUZERA) eta
(LEHENA(I) = HITZA(I))egin
I: = I + 1
ambitartean
BERDINAK: =(LEHENA(I) = HITZA(I))
baldin BERDINAK orduan
LEHENKONTA : = LEHENKONTA + 1
bitartean KAR = ' ' egin irakur (KAR)
ambitartean
ambitartean
```


idatz(LEHENKONTA + 1)

amaia {bestela}

amaia {LEHENHITZA}

12. ARIKETA OSAGARRIAK

12.1. Zeroaz amaitzen den zenbaki-sekuentzia bat emanda, agertzen den monotonia goranzkor luzeena idatz ezazu.

12.2. Zeroaz amaitzen den zenbaki-sekuentzia bat emanda. Zenbaki guztiak idatz itzazu hamar zifra-karaktere idatziz. Sekuentziako zenbaki batek ere ez du 10 zifra baino gehiago.

Adibidea: 427 zenbakia tratatzerakoan

'0''0''0''0''0''0''0''0''4''2''7' karaktereak idatziko dira.

12.3. Karaktere-sekuentzia batek telegrama-sekuentzia bat adierazten du.

Telegrama bakoitza 'AMTEL' hitzaz amaitzen da, eta hitzez osatuta dago. Hitzak banatzeko zurigune bat edo gehiago erabiltzen da. Bi eratako hitzak daude:

- kobratzeko hitzak

- Hitz laguntzaileak: 'STOP' eta 'AMTEL' (ez dira kobratzen)

Telegrama-sekuentzia telegrama hutsaz amaitzen da. Telegrama hutsa, kobratzeko hitzik ez daukana da.

Idatz ezazu zera egiten duen algoritmoa telegrama bakoitzeko: idatz telegramaren textua (hitzak zurigune bakar batez banatuta), gero telegramak dauzkan kobratzeko hitzen kopurua. Hitz hauek moztuta idatziko dira.

Adibidea:

DATORREN ASTEAN STOP HORRA STOP JOANGO NAIZ STOP
AMTEL AITA GAIXORIK DAGO STOP ZATOZ STOP AMTEL STOP AMTEL

1. ERANSKINA: EKINTZAK

- Asignazioa

<aldagaia> : = <adierazpena>

-Irakurketa

irakur (<aldagaia>)

- Idazketa

idatz (<objektu>) (konstantea edo aldagaia)

-Aukeraketa

aukera

<baldintza> : <ekintza>

<baldintza> : <ekintza>

· ·
· ·
· ·

<baldintza> : <ekintza>

amaukera

- Baldintzazkoa

baldin <baldintza> orduan <ekintza>
edo
baldin <baldintza> orduan <ekintza>
bestela <ekintza>

- Errepikatzeak

errepika

<ekintza>

<ekintza>

.

<ekintza>

harik-eta <baldintza>

bitartean <baldintza> egin

<ekintza>

<ekintza>

.

<ekintza>

ambitartean

- Datu-sekuentzia hasieraketa

Sekuentzi-hasiera

2. ERANSKINA : DATU-MOTAK

osoa: balio posibleak : zenbaki osoak

eragiketak : +, -, *, DIV, MOD

karakterea: balio posibleak: lettrak: 'a', 'b', 'c', ...

zifrak: '0', ..., '9'

karaktere bereziak: '?', '(', '=', ...

eragiketak:

boolearra: balio posibleak: egiazkoa, faltsua

eragiketak : eta, edo, ez

=, ≠, <, >, <=, >= eragiketek emaitza

boolearra ematen

dute.

3. ERANSKINA : ALGORITMOEN IDAZKERA

algoritmoa <deitura>

aldagaiak [<deitura> (<mota>)]*

hasiera

[<ekintza>]*

amaia

[ekintza <deitura>
 hasiera
 [<ekintza>]*
 amaia]^{*}

BIBLIOGRAFIA

Liburu honen iturri nagusia ondokoa da:

PEYRIN, Jean-Pierre eta SCHOLL, Pierre-Claude

ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION

Laboratoire IMAG, bp53 x, 38041 GRENOBLE-CEDEX; Fevrier 1982

Algoritmoen buruzko beste liburu interesgarri bat:

BIONDI, J. et CLAVEL, G.

INTRODUCTION A LA PROGRAMMATION

Ed. Nasson, Paris 1981

AURKIBIDEA

1.- ARIKETA-BILDUMARAKO SARRERA	2
1.1. Informatika eta programazioa	3
1.2. Prozesadoreen definizioa:	
Datu-motak eta ekintzak	3
1.3. Prozesuak, programak eta algoritmoak	5
2.- ALGORITMOAK DEFINITZEKO PROZESADORE OROKORRA	
(HASIERAKO DEFINIZIOA)	7
2.1. Pausokako definizioa	8
2.2. Objektu-motak	9
2.3. Ekintza primitiboak	10
2.4. Algoritmoen idazkera	11
3.- PROBLEMA-BILDUMA	13
1. Ariketa	14
2. Ariketa	17
3. Ariketa	21
4. Ariketa	29
5. Ariketa	35
6. Ariketa	42
7. Ariketa	48
8. Ariketa	57
9. Ariketa	65

10. Ariketa	68
11. Ariketa	77
12. Ariketa	88
Eranskinak	107
Bibliografia	111